

# Grundläggande apparatteknik

Övn 1995

K7

Sidor: 49

Pris: 15 kr

A1

Givet:  $A \cdot v' = 7.25 \text{ kg/s}$        $\gamma_v = 1.15 \text{ kg/m}^3$        $\sigma = 0.019 \text{ N/m}$   
 $A \cdot u' = 5.64 \text{ kg/s}$        $\gamma_L = 750 \text{ kg/m}^3$

a) Tryckfallet anghastighet i kolonnen

$$F_{LV} = \frac{L'}{V'} \sqrt{\frac{\gamma_v}{\gamma_L}} = 0.0305$$

Botten av ständiet 10" = 45 cm Ur figur 2.8 fås då  $K_1 = 0.082$

$$V_c = K_1 \sqrt{\frac{\gamma_L - \gamma_v}{\gamma_v}} \left( \frac{\sigma}{0.020} \right)^{0.20} = 2.07 \text{ m/s}$$

Tag 86% av flödes hastigheten  $v = 0.8 \cdot V_c = 1.66 \text{ m/s}$

b) Lämplig kolonn diameter

$$A_a = \frac{7.25}{\gamma_v \cdot v} = 3.8 \text{ m}^2$$

Denna aktiva area ger totalarean om fallrörens utgör 30%

$$A = \frac{A_a}{0.7} = 5.44 \text{ m}^2$$

$$\text{Diametern} = \sqrt{\frac{4A}{\pi}} = 2.63 \text{ m}$$

c) tryckfallet över en botten där höjden av fallerskanten är 50 mm

$$h = h_D + \beta(h_w + h_{ow}) + h_r$$

$$h_w = 50 \text{ mm}$$

$$h_{ow} = 750 \left( \frac{v' A'}{\gamma_L l_w} \right)^{2/3} = 19.7$$

$$l_w = 0.7 \cdot \text{diametern} = 1.84$$

$$v_h = \frac{K_2 - 0.90(25.4 - d_h)}{\sqrt{\gamma_v}}$$

ur figur (2.9) fås  $K_2 = 30.5$

$$v_h = 12.4 \text{ m/s}$$

$$h_d = 51 \left( \frac{v_h}{C_0} \right)^2 \cdot \left( \frac{\gamma_v}{\gamma_L} \right) = 22.6 \text{ (mm vätskepelare)}$$

Diagram ger  $C_0 = 0.73$  (Hålarean är 10%)

$$h_r = \frac{12500}{\rho_L} = 16.7$$

$$h = 22.6 + 0.6 \cdot 69.7 + 16.7 = 80.75 \text{ mm}$$

d) om risk föreligger för gränning

$$V_{h\text{öi}} \leq V_h$$

$$V_h = \frac{7.25}{\rho_v \cdot A_a \cdot 0.10} = 23.7 \text{ m/s}$$

e) risk för medryckning fig (2.10)

vid 80% av fildning fås 9% medryckning

f) kolonnuckningsgraden

$$E_c = 0.51 \quad \text{- ur diagram}$$

$$\mu_L \cdot \alpha = 0.32 \cdot 10^{-3} \cdot 2.60 = \dots \quad (\alpha \text{ taget ur G. sep boken})$$

g) Murphrees bottenverkningsgrad

$$E_{mv} = 0.07 \cdot D_g^{0.14} \cdot Sc^{0.25} \cdot Re^{0.08}$$

$$v = 1.65 \text{ m/s}$$

$$\sigma = 0.019$$

$$\mu_L = 0.32 \cdot 10^{-3}$$

$$D_g = \frac{\sigma}{\mu_L v} = 35.8$$

$$Sc = \frac{\mu_L}{\rho_L \cdot D_{LK}} = 74.8$$

$$Re = \frac{h_w \cdot v_v \cdot \rho_v}{\mu_L \cdot c} = 2980$$

$$E_{mv} = 0.64$$

Gennemgå's med hjælp av utdelad lösning

A2

ug95

A2: Svar och lösningsgång:

Tillflödet av gas är 708 m<sup>3</sup>/h, vilket med densiteten  $\rho_v = 1.181$  (ur allm gaslagen) ger massflödet  $AV' = 0.232$  kg/s (A är kolonnens tvärsnittyta och V' gasflödet som kg/m<sup>2</sup>,s). Därmed är också  $AL' = 0.232$  kg/s. Vi får

$$F_{LV} = \frac{L'}{V'} \sqrt{\frac{\rho_v}{\rho_L}} = 0.03437$$

Ur figur 2.25 fås ordinatan till

$$\frac{u_G^2 S_B}{g e^3} \left( \frac{\rho_G}{\rho_L} \right) \left( \frac{\mu_L}{\mu_w} \right)^{0.2} = 0.18$$

där  $S_B$  är specifika ytan hos packningsmaterialet,  $S_B = 255$  m<sup>2</sup>/m<sup>3</sup>  
 $e$  är porositeten,  $e = 0.77$

$\mu_L$  är vätskans viskositet,  $\mu_L = 1.0 \cdot 10^{-3}$  kg/m,s

$\mu_w$  är vattens viskositet vid 20 oC,  $\mu_w = 1.0 \cdot 10^{-3}$  kg/m,s

$u_G$  är gashastigheten vid flödning, m/s

Insättning ger  $u_G = 1.64$  m/s vid flödning.

Med en vald belastningspunkt vid 70 % av flödning fås  $u_G = 1.15$  m/s.

b) Volymflödet är 0.197 m<sup>3</sup>/s, vilket med gashastigheten 1.15 m/s ger arean respektive diametern hos kolonnen.

$$A = 0.197/1.15 = 0.171 \text{ m}^2$$

$$D = 0.47 \text{ m}$$

c) Vätningshastigheten fås med uttrycket

$$L_w = \frac{L'}{\rho_L S_B} = \frac{1.356}{1000 \cdot 255} = 0.53 \cdot 10^{-5} \quad [2.17]$$

där  $L_w$  är vätningshastigheten m<sup>3</sup>/m,s

$L'$  är vätskeflödet i kg/m<sup>2</sup>,s

$S_B$  är specifika ytan hos packningsmaterialet, m<sup>2</sup>/m<sup>3</sup>

$\rho_L$  är vätskans densitet, kg/m<sup>3</sup>

Då  $L_w < 2 \cdot 10^{-5}$  m<sup>3</sup>/m,s kan det bli problem med vätning av packningen och därmed sämre massöverföring.

ug95

d) Med FLV = 0.0344 och

$$\frac{G'^2 F(\mu_L/\mu_w)(\rho_w/\rho_L)^{0.1}}{\rho_G(\rho_L - \rho_G)g} = 0.047$$

- där G' är massflödet gas, kg/m<sup>2</sup>,s
- F är packningsfaktorn för fyllkroppsmaterialet, m<sup>2</sup>/m<sup>3</sup>, se tabell 2.1
- μ<sub>w</sub> är vattens viskositet vid 20 °C, μ<sub>w</sub> = 1.0 10<sup>-3</sup> kg/m,s
- μ<sub>L</sub> är vätskans viskositet, kg/m,s
- ρ<sub>w</sub> är vattens densitet vid 20 °C, ρ<sub>w</sub> = 998 kg/m<sup>3</sup>
- ρ<sub>L</sub> är vätskans densitet, kg/m<sup>3</sup>

fås med figur 2.26 Δp = 45 mm vatten/m

e) Höjden av en genomgångsenhet fås genom summering av bidragen för höjderna för massöverföringsenheterna. Dessa kan bestämmas enligt Semmelbauer ur

$$H_G = \beta \left[ \frac{G'^{0.41} \mu_G^{0.26} \mu_L^{0.46} \sigma^{0.5}}{L'^{0.46} \rho_G^{0.67} \rho_L^{0.5} D_G^{0.67} d_p^{0.05}} \right] \tag{2.28}$$

$$H_L = \beta \left[ \frac{\mu_L^{0.88} \sigma^{0.5}}{L'^{0.05} \rho_L^{1.33} D_L^{0.5} d_p^{0.55}} \right] \tag{2.29}$$

där β = 21 också kan antagas gälla för Intaloxsadlar. I tabell 2.2 anges inom vilka områden parametrarna anses giltiga.

Tabell 2.2 Giltighetsområden för parametrarna i Semmelbauers korrelation.

L'	0.1 - 10	kg/m <sup>2</sup> s	μ <sub>L</sub>	0.2 - 2.	mPa s
G'	0.1 - 10	kg/m <sup>2</sup> s	μ <sub>G</sub>	0.005 - 0.03	mPa s
d <sub>p</sub>	0.006 - 0.06	m	σ	0.02 - 0.2	J/m <sup>2</sup>
ρ <sub>L</sub>	600 - 1400	kg/m <sup>3</sup>	T	273 - 373	K
ρ <sub>G</sub>	0.4 - 4	kg/m <sup>3</sup>	d/d <sub>p</sub>	2.5 - 25	-
D <sub>L</sub>	3 - 30 10 <sup>-10</sup>	m <sup>2</sup> /s	h <sub>p</sub> /d <sub>p</sub>	10 - 100	-
D <sub>G</sub>	3 - 90 10 <sup>-6</sup>	m <sup>2</sup> /s			

I vårt fall är

- G' = 0.232/0.171 = 1.357 kg/m<sup>2</sup>,s
- L' = 0.232/0.171 = 1.357 kg/m<sup>2</sup>,s
- μ<sub>G</sub> = 18 10<sup>-6</sup> kg/m,s
- μ<sub>L</sub> = 1.0 10<sup>-3</sup> kg/m,s

pg 95

$$\rho_G = 1.181 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho_L = 998 \text{ kg/m}^3$$

$$\sigma = 74 \cdot 10^{-3} \text{ N/m}$$

$$D_G = 2.37 \cdot 10^{-5} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$D_L = 2.0 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$d_p = 25.4 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

$$H_G = 21 \cdot \left[ \frac{1.133 \cdot 0.0584 \cdot 0.0417 \cdot 0.272}{1.1508 \cdot 1.118 \cdot 31.62 \cdot 7.96 \cdot 10^{-4} \cdot 0.832} \right] = 0.585$$

$$H_L = 21 \cdot \left[ \frac{0.00229 \cdot 0.272}{1.015 \cdot 9.772 \cdot 44.7 \cdot 10^{-6} \cdot 0.1326} \right] = 0.222$$

då  $m = 0.81$  och  $L/G = (L'/18)(29/G') = 1.61$  fås

$$H_{OG} = H_G + \frac{mG}{L} H_L = 0.585 + 0.50 \cdot 0.222 = 0.696 \quad [2.36]$$

$$H_{OG} = 0.70 \text{ m}$$

f) Höjden av ett teoretiskt steg, HETS, kan beräknas ur  $H_{OG}$  enligt

$$HETS = H_{OG} \frac{\ln\left(\frac{mG}{L}\right)}{\frac{mG}{L} - 1} = 0.70 \frac{\ln(0.503)}{0.503 - 1} = 0.96 \quad [2.35]$$

$$HETS = 0.96 \text{ m}$$

Alternativt kan **Ondas metod** användas under punkt e) vilket ger

Korrelationen för den effektiva arean ges av uttrycket

$$\frac{a_w}{a} = 1 - \exp \left[ -1.45 \left( \frac{\sigma_c}{\sigma_L} \right)^{0.75} \left( \frac{L'}{a \mu_L} \right)^{0.1} \left( \frac{L'^2 a}{\rho_L^2 g} \right)^{-0.05} \left( \frac{L'^2}{\rho_L \sigma_L a} \right)^{0.2} \right] \quad [2.30]$$

och för massöverföringskoefficienterna fås

$$k_L \left( \frac{\rho_L}{\mu_L g} \right)^{1/3} = 0.0051 \left( \frac{L'}{a_w \mu_L} \right)^{2/3} \left( \frac{\mu_L}{\rho_L D_L} \right)^{-1/2} (ad_p)^{0.4} \quad [2.31]$$

$$\frac{k_G RT}{a D_G} = K_1 \left( \frac{G'}{a \mu_G} \right)^{0.7} \left( \frac{\mu_G}{\rho_G D_G} \right)^{1/3} (ad_p)^{-2.0} \quad [2.32]$$

där

$K_1 = 5.23$  för packningsstorlekar över 15 mm och 2.00 för storlekar under 15 mm

$L'$  är massflödet av vätska per tvärsnittsytta,  $\text{kg/m}^2\text{s}$

$G'$  är massflödet av gas per tvärsnittsytta,  $\text{kg/m}^2\text{s}$

$a_w$  är den effektiva arean hos packningsmaterialet,  $\text{m}^2/\text{m}^3$

$d_p$  är packningsmaterialets storlek, m

$\sigma_c$  är den kritiska ytspänningen för packningsmaterialet enligt

Material	$\sigma_c$ mN/m
Keramik	61
Metal (stål)	75
Polyeten	33
Kol	56

$\sigma_L$  är vätskans ytspänning, N/m

$k_G$  är massöverföringstalet för gasfilmen,  $\text{kmol/m}^2\text{s bar}$

$k_L$  är massöverföringstalet för vätskefilmen,  $\text{m/s (kmol/[m}^2\text{ s (kmol/m}^3\text{)])}$

Notera att alla grupperna i uttrycken är dimensionslösa och att värdet av  $R$  beror av  $R$ , vilken här satts till  $R = 0.08314 \text{ bar m}^3/\text{kmol K}$ . Vi finner också  $H_G$  och  $H_L$  enligt

$$H_G = \frac{G}{k_G a_w P} \quad [2.33]$$

$$H_L = \frac{L}{k_L a_w C_i} \quad [2.34]$$

ug95

där  $P$  är kolontrycket, bar, och  $C_t$  är totala molkoncentrationen,  $\text{kmol/m}^3$ .

I vårt fall har vi att

$$\left[ \left( \frac{\sigma_c}{\sigma_L} \right)^{0.75} = \left( \frac{61}{72} \right)^{0.75} = 0.865 \right]$$

$$\left[ \left( \frac{L'}{a\mu_L} \right)^{0.1} = \left( \frac{0.232}{0.171 \cdot 255 \cdot 10^{-3} L} \right)^{0.1} = 1.182 \right]$$

$$\left[ \left( \frac{L'^2 a}{\rho_L g} \right)^{-0.05} = \left[ (47 \cdot 10^{-6})^{-0.05} \right] = 1.646 \right]$$

$$\left[ \left( \frac{L'^2}{\rho_L \sigma_L a} \right)^{0.2} = (97.55 \cdot 10^{-6})^{0.2} = 0.158 \right]$$

$$\frac{a_w}{a} = 1 - \exp[-0.158] = 0.32$$

$$\underline{a_w = 81.3}$$

Vi har vidare att

$$\left( \frac{L'}{a_w \mu_L} \right)^{2/3} = \left( \frac{0.232'}{0.171 \cdot 81.3 \cdot 1 \cdot 10^{-3}} \right)^{2/3} = 6.52$$

$$\left( \frac{\mu_L}{\rho_L D_L} \right)^{-1/2} = \left( \frac{10^{-3}}{998 \cdot 2 \cdot 10^{-9}} \right)^{-1/2} = 0.0447$$

$$(ad_p)^{0.4} = (243 \cdot 254 \cdot 10^{-3})^{0.4} = 2.071$$

$$k_L \left( \frac{\rho_L}{\mu_L g} \right)^{1/3} = 0.00314$$

$$\left( \frac{\rho_L}{\mu_L g} \right)^{1/3} = \left( \frac{998}{0.001 \cdot 9.81} \right)^{1/3} = 46.53$$

$$k_L = 67 \cdot 10^{-6} \text{ 1/s}$$



ug95

och att

$$\left(\frac{G'}{a\mu_G}\right)^{0.7} = \left(\frac{0.232'}{0.171 \cdot 255 \cdot 18 \cdot 10^{-6}}\right)^{0.7} = 53.64$$

$$\left(\frac{\mu_G}{\rho_G D_G}\right)^{1/3} = \left(\frac{18 \cdot 10^{-6}}{1.181 \cdot 2.37 \cdot 10^{-5}}\right)^{1/3} = 0.863$$

$$(ad_p)^{-2.0} = (255 \cdot 25.4 \cdot 10^{-3})^{-2.0} = 0.0238$$

$$\frac{k_G RT}{a D_G} = 5.771$$

$$k_G = 5.771 \cdot \frac{255 \cdot 2.37 \cdot 10^{-5}}{0.08314 \cdot 293} = 0.001432 \text{ kmol/m}^2 \text{ s bar}$$

Detta ger

$$H_G = \frac{G}{k_G a_w P} = \frac{0.232}{0.171 \cdot 29 \cdot 0.001432 \cdot 81.3 \cdot 1} = 0.405$$

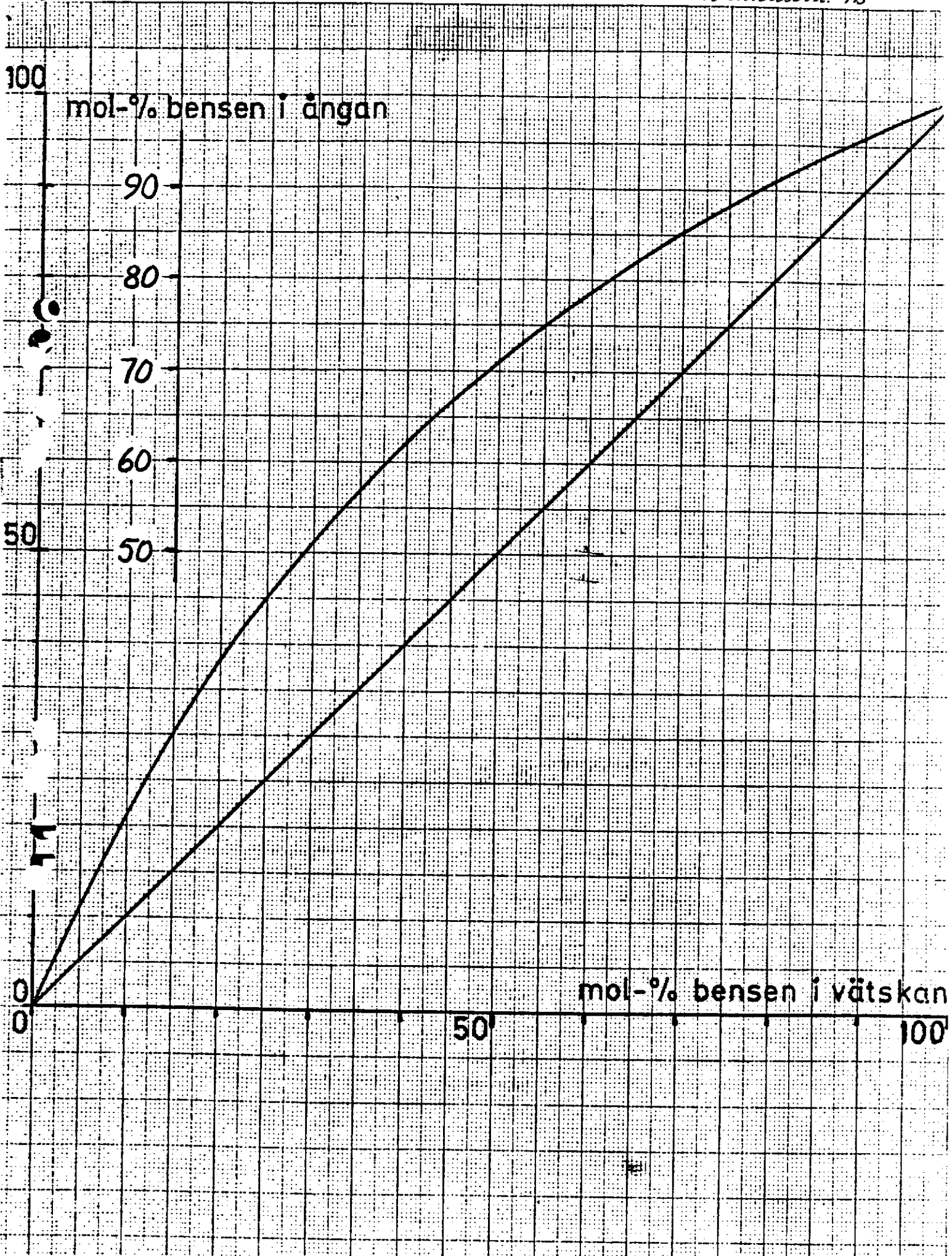
$$H_L = \frac{L}{k_L a_w \cdot c_t} = \frac{0.232}{0.171 \cdot 18 \cdot 67 \cdot 10^{-6} \cdot 81.3 \cdot 55.6} = 0.247$$

$$H_{OG} = H_G + \frac{mG}{L} H_L = 0.405 + 0.247 \cdot 0.174 = 0.53 \quad [2.36]$$

då m = 0.81 och mG/L = 0.503.

951107

Demonstrationsövn. 1b



Demonstrationsövning: Destillation

$F_w = 1.65 \text{ kg/s}$   
 $D_w = 1.01 \text{ kg/s}$   
 $x_d = 0.95 \quad x_f = 0.60 \quad x_b = 0.05 \quad R = 4.0$   
 $rol = 695.0 \quad rovt = 2.69 \quad rovb = 2.92 \quad myl = 0.00032 \quad DL = 54 \cdot 10^{-10}$   
 $Mbensen = 78.11 \quad Mtoluen = 92.13 \quad sigma = 0.020 \quad DG = 5.05 \cdot 10^{-6}$   
 $por = 0.10$

$Mdest = x_d \cdot Mbensen + (1 - x_d) \cdot Mtoluen \quad Mdest = 78.811$   
 $Mfeed = x_f \cdot Mbensen + (1 - x_f) \cdot Mtoluen \quad Mfeed = 83.718$

$F = \frac{F_w}{Mfeed} \quad F = 0.01971 \quad \text{kmol/s}$   
 $D = \frac{D_w}{Mdest} \quad D = 0.01282 \quad \text{kmol/s}$

$W = F - D \quad W = 0.00689 \quad \text{kmol/s}$

$LO = R \cdot D \quad LO = 0.05126 \quad \text{kmol/s}$   
 $V = (R + 1) \cdot D \quad V = 0.06408 \quad \text{kmol/s}$

$LOW = LO - Mdest \quad LOW = 4.04 \quad \text{kg/s}$   
 $Vw = (R + 1) \cdot D - Mdest \quad Vw = 5.05 \quad \text{kg/s}$

a) Beräkning av diametern

$FLV = \frac{LOW}{V_w} \sqrt{\frac{rovt}{rol}} \quad FLV = 0.04977$

$K1 = 0.080 \quad \text{Med } 0.45 \text{ m bottenavstånd}$

$vc = K1 \cdot \sqrt{\frac{rol \cdot rovt \cdot (\sigma)^{0.20}}{rovt \cdot (0.020)}} \quad vc = 1.28341$

$v = 0.80 \cdot vc \quad v = 1.02672 \quad \text{m/s}$

$Aa = \frac{V_w}{rovt \cdot v} \quad Aa = 1.82846 \quad \text{m}^2$

$A_{tot} = \frac{Aa}{0.70} \quad A_{tot} = 2.61208 \quad \text{m}^2$

$Diam = \sqrt{\frac{4}{\pi} \cdot A_{tot}} \quad Diam = 1.82368 \quad \text{m}$

b) Medryckning

$FLV = 0.04977 \quad \text{Diagram ger medryckning } 6 \%$

c) Tryckfall över silbotten

Följande data antas gälla

$dh = 0.005 \quad \text{m}$   
 $hw = 50 \quad \text{mm}$   
 $lw = 0.70 \cdot Diam \quad lw = 1.27658 \quad \text{m}$

$how = 750 \left( \frac{LOW}{rol \cdot lw} \right)^{0.6667} \quad how = 20.60076 \quad \text{mm}$

$v_{hole} = \frac{v}{0.10} \quad v_{hole} = 10.26725 \quad \text{m/s}$

$Co = 0.77$

Plättjocklek = 3.5 mm  $Plättjocklek/dh = 0.7$

$hd = 51 \cdot \left( \frac{v_{hole}}{Co} \right)^2 \cdot \left( \frac{rovt}{rol} \right) \quad hd = 35.09655 \quad \text{mm}$   
 $hr = \frac{12500}{rol} \quad hr = 17.98561 \quad \text{mm}$

$h_{tot} = hd + 0.60 \cdot (hw + how) + hr \quad h_{tot} = 95.44262 \quad \text{mm}$

d) Risk för grätning

$K2 = 30.6$

$vh = \frac{K2 - 0.90 \cdot (25.4 - dh \cdot 1000)}{\sqrt{rovt}} \quad vh = 7.46286 \quad \text{m/s}$

dvs ingen risk för grätning

e) Kolonnverkningsgraden

$myl = 3.2 \cdot 10^{-4} \quad \alpha = 2.45$   
 $\alpha_{fämy} = myl \cdot \alpha^2 \cdot 1000 \quad \alpha_{fämy} = 0.784$

Diagram ger 51 %

Eo = 51 - 32.5 · log(alfamy) Eo = 54.43473

f) Beräkning av bottenverkningsgrad enligt van Winkle

Dg = sigma / myl · v Dg = 60.87316

Sc := myl / rho · DL Sc = 85.26512

Re := hw · 10^-3 · v · rho / myl Re = 4.31545 · 10^3

Emv := 0.07 · Dg^0.14 · Sc^0.25 · Re^0.08 Emv = 0.73861

Bestämning av antal ideala steg

Driftlinjen

DLlutning := LO / V DLlutning = 0.8

Avsrk := xD · D / V Avsrk = 0.19

Stegning ger 8.1 ideala steg

Beräkning av antalet verkliga steg

Med en kolonnverkningsgrad av 51% fås 14 verkliga bottnar i kolonnen.

Med en bottenverkningsgrad av 74 % fås 10 verkliga bottnar i kolonnen plus återkokare.

AICHE metoden för beräkning av bottenverkningsgrad

ZL = 0.35 · Diam / m ZL = 0.63829 m myv = 9.00 · 10^-6 Pa · s

LOW rho · (Aa / ZL) Lp = 0.101203 m3/m2 · s

Fv := v · sqrt(rovt) Fv = 1.68395

Scv := myv / rho · v · DG Scv = 0.66252

NG := (0.776 + 4.57 · 10^-3 · hw + 0.24 · Fv + 105 · Lp) · (Scv^0.5)^-1 NG = 0.99934

Zc := ((0.006 + 0.73 · 10^-3 · hw) - 0.24 · 10^-3 · Fv · hw) + 1.22 · Lp Zc = 0.02477 m

DL := Zc · ZL / Lp DL = 7.79081 s

NL := (4.13 · 10^8 · DL)^0.5 - (0.21 · Fv + 0.15) · DL NL = 5.85958

De := (0.0038 + 0.017 · v + 3.86 · 10^-3 · hw)^2 De = 0.00145

Pe := ZL^2 / De · DL Pe = 36.04912

NOG := 1 / (m · V / LO + 1 / NG + 1 / NL) NOG = 0.91652

Punktverkningsgraden kan nu beräknas

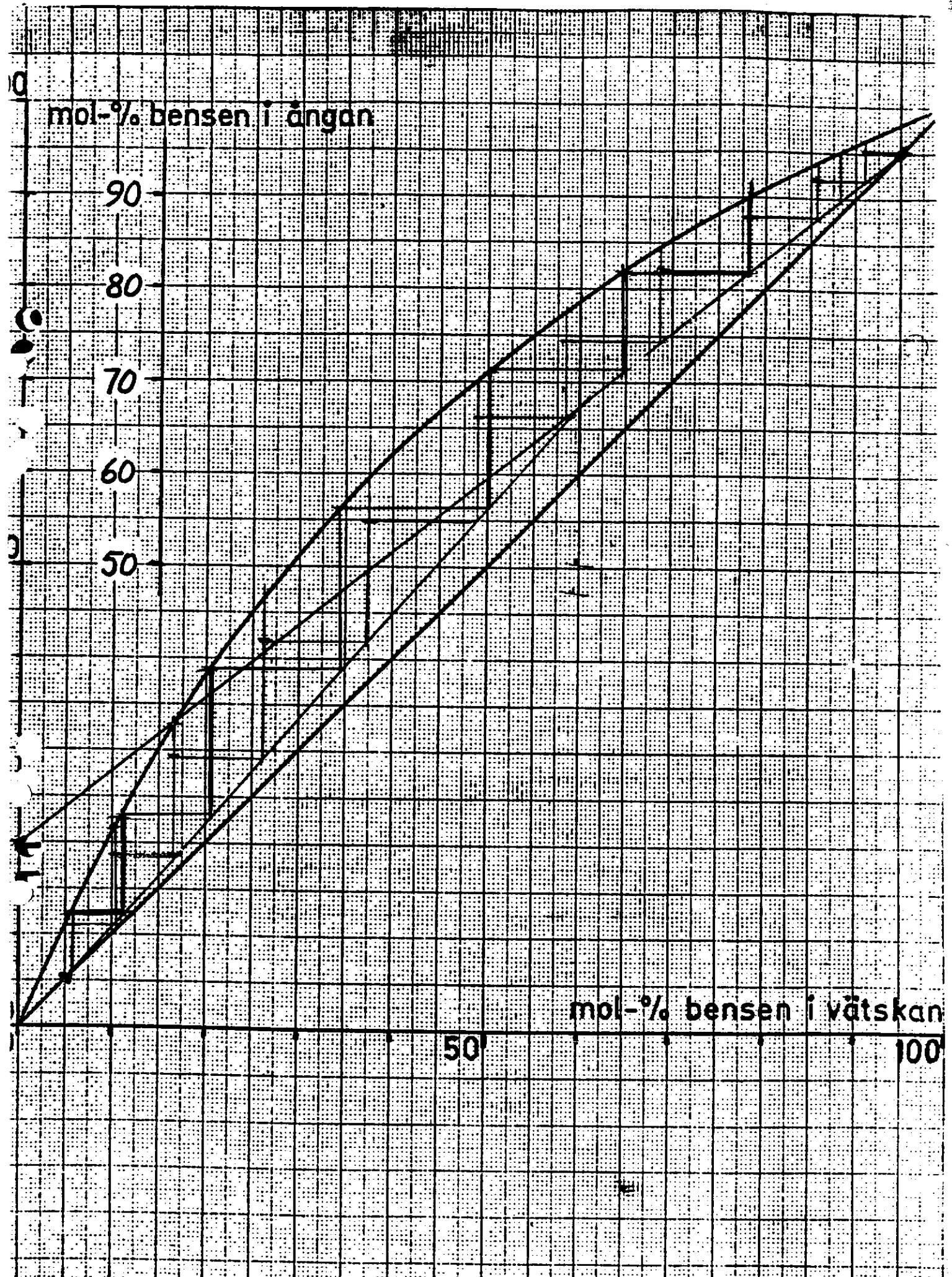
Emv := 1 - exp(-NOG) Emv = 0.60009

Bottenverkningsgraden fås genom korrektion med hänsyn till omblandning på botten

mVLEmv := m · V · Emv / LO mVLEmv = 0.31797 Pe = 36.04912

Diagram ger nu bottenverkningsgraden

Ekvot := 1.20 Emv = Ekvot · Emv Emv = 0.72011

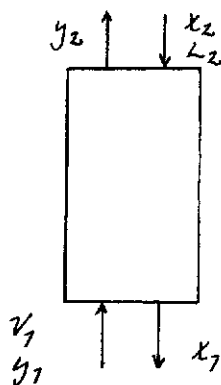


Demonstrationsräkneövning 2

951114

- absorption

A1



$V_1 = 10000 \text{ kmol/h} = 2.78 \text{ kmol/s}$   
 $L_2 = 14000 \text{ kmol/h} = 3.89 \text{ kmol/s}$   
 $y_1 = 0.03, x_2 = 0.0004$   
 $P = 20 \text{ atm}, T = 373 \text{ K}$

Inertflöden  $L_m, V_m$

$L_m = L_2(1 - x_2) = 3.887 \text{ kmol/s}$   
 $V_m = V_1(1 - y_1) = 2.694 \text{ kmol/s}$

$x_1 = \frac{0.98 V_1 y_1}{L_m + 0.98 V_1 y_1} = 0.0794$

$y_2 = \frac{0.02 V_1 y_1}{V_m + 0.02 V_1 y_1} = 6.78 \cdot 10^{-4}$

Antagande av låga koncentrationer  $\rightarrow$  rät jämviktskurva

$N_{OG} = \frac{1}{1 - \frac{m V_m}{L_m}} \ln \frac{y_1 - m x_1}{y_2 - m x_2} = \underline{\underline{12.6}}$

b) Beräkning av diametern

$F_{LV} = \frac{L'}{V'} \sqrt{\frac{s_V}{s_L}}$

$L_1 = L_2 + V_1 y_1 \cdot 0.98 = 3.97 \text{ kmol/s}$

$M_L = x_1 \cdot 44 + (1 - x_1) \cdot 78 = 78.5 \text{ kg/kmol}$

$L' \cdot A = 73.47 \text{ kg/s}$

$M_g = 30.08 \text{ kg/kmol}$

$V' \cdot A = 83.56 \text{ kg/s}$

Gasens densitet fas ur gaslagen:  $s_g = \frac{m}{V} = \frac{MP}{RT} = 23.47 \text{ kg/m}^3$

$s_L = 992 \text{ kg/m}^3$

Da fas  $F_{LV} = 0.735 \rightarrow \psi = 0.09$

$\psi = \frac{u_{GF}^2 s_B}{g e^3} \left( \frac{s_g}{s_L} \right) \left( \frac{M_L}{M_w} \right)^{0.2} = 0.09$

$s_B = 128, e = 0.95$

$\Rightarrow$  flödes hastigheten  $u_{GF} = 0.52 \text{ m/s}$

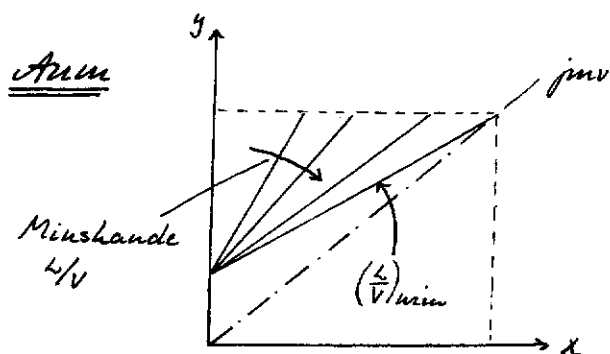
$u_g = 0.8 \cdot 0.52 = 0.42 \text{ m/s}$

$$A_L = \frac{V'A}{S_g u_g} = 8.54 \text{ m}^2 \Rightarrow \phi = \sqrt{\frac{4A_L}{\pi}} = \underline{\underline{3.3 \text{ m}}}$$

Beräkna vätningshastigheten  $L_w$

$$L_w = \frac{L'}{S_L \cdot S_B} \left( = \frac{L' A_L}{A_L S_L S_B} \right) = \underline{\underline{6.8 \cdot 10^{-5} \text{ m}^3/\text{m}\cdot\text{s}}}$$

∴ Packningen är tillfredsställande vätt.



Väljer t.ex. driftlinjen med  
lutningen  $\frac{L}{V} = 1.5 \left( \frac{L}{V} \right)_{\min}$

för att få lagom vätskeflöde

c)  $H_g$  och  $H_L$  kan bestämmas ent. Semmelbauer, ehv. [2.32-2.33]  
eller Onda, ehv. [2.34-2.36]

$$H_{Og} = H_g + H_L \cdot \frac{m L}{V} \leftarrow \underline{\underline{OBS!}} \text{ molflöden}$$

$$z = H_{Og} N_{Og}$$

$$H_g = \beta \cdot \frac{G^{1.047} \cdot M_g^{0.26} \cdot M_L^{0.46} \cdot \sigma^{0.5}}{L^{0.46} \cdot S_V^{0.67} \cdot S_L^{0.5} \cdot D_g^{0.67} \cdot d_p^{0.05}} = 0.58 \text{ m}$$

$$G' = \frac{V' A_L}{A_L}, \quad L' = \frac{L' A_L}{A_L}$$

$$H_L = \beta \cdot \frac{M_L^{0.88} \cdot \sigma^{0.5}}{L^{0.05} \cdot S_L^{1.33} \cdot D_L^{0.5} \cdot d_p^{0.55}} = 0.177 \text{ m}$$

$$H_{Og} = 0.66 \Rightarrow z = H_{Og} N_{Og} = \underline{\underline{8.4 \text{ m}}}$$

Ondas metod är ofta bättre - tar hänsyn till hur  
stor del av arean som är aktiv

$$a_w = 93.7$$

$$k_L = 0.74$$

$$k_g = 4.06 \cdot 10^{-4}$$

$$H_L = \frac{L}{k_L a_w c_T} = 1.2 \cdot 10^{-4}$$

$$H_g = \frac{V}{k_g a_w P} = 0.43$$

$$H_{Og} = 0.43 \Rightarrow \underline{\underline{z = 5.4 \text{ m}}}$$

A1. Gas från en reaktor, 10 kmol/h, håller 3.0 % etenoxid, 10.0 % koldioxid och resten kväve och 98 % av denna skall utvinnas genom absorption med vatten. Absorptionskolonnen skall arbeta vid 20 atm och använda vatten hållande 0.04 mol-% etenoxid. Temperaturen antages vara 40 °C i hela kolonnen. Den mängd vätska som skall påföras är 1.4 mol vattenlösning per mol gas. Föreslaget fyllkroppsmaterial är 1.5" Pallringar.

## DEMONSTRATIONSRÄKNEÖVNING

### Absorption

*Uppdaterad version*

#### Bestäm

- erforderligt antal massgenomgångsenheter
- höjden av en massgenomgångsenhet
- erforderlig packningshöjd
- erforderlig diameter

Några data:

$$\begin{aligned} \mu_G &= 18.1 \cdot 10^{-5} \text{ Pa s} \\ \mu_L &= 0.656 \cdot 10^{-3} \text{ Pa s} \\ D_G &= 7.01 \cdot 10^{-7} \text{ m}^2/\text{s} \\ D_L &= 2.15 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2/\text{s} \end{aligned}$$

$$m = 1.0$$

$$\rho_L = 992$$

$$\sigma = 0.070$$



### Demonstrationsövning: Absorption

Materialbalanser

$$V1 = \frac{10000.0}{3600} \quad V1 = 2.77778 \text{ kmol/s}$$

$$L2 = \frac{14000.0}{3600} \quad L2 = 3.88889 \text{ kmol/s}$$

$$y_{1co} = 0.030 \quad y_{1co2} = 0.10 \quad x2 = 0.0004$$

$$P = 20 \text{ atm} \quad T = 313.15 \text{ K}$$

$$M_{co} = 44 \quad M_{co2} = 44 \quad M_{n2} = 28$$

$$M_{gas} = y_{1co} \cdot 44 + y_{1co2} \cdot 44 + (1 - y_{1co} - y_{1co2}) \cdot M_{n2} \quad M_{gas} = 30.08$$

Följande data kan dessutom anses gälla

$$n_{jvt} = 1.0 \quad DG = 7.51 \cdot 10^{-7} \quad DL = 2.15 \cdot 10^{-9}$$

$$rol = 992 \quad myg = 1.81 \cdot 10^{-5} \quad \sigma = 0.070$$

$$R = 0.082056$$

a) Beräkning av NOG

$$V_m = V1 \cdot (1 - y_{1co}) \quad V_m = 2.69444 \text{ kmol inert/s}$$

$$L_m = L2 \cdot (1 - x2) \quad L_m = 3.88733 \text{ kmol inert/s}$$

$$y_{2co} = 0.02 \cdot V1 \cdot \frac{y_{1co}}{(V_m + 0.02 \cdot V1 \cdot y_{1co})} \quad y_{2co} = 6.18174 \cdot 10^{-4}$$

$$x1 = \frac{0.98 \cdot V1 \cdot y_{1co} + L2 \cdot x2}{L2 + 0.98 \cdot V1 \cdot y_{1co}} \quad x1 = 0.02096$$

Vi kan antaga låga halter och NOG ges av

$$NOG = \frac{1}{1 + m_{jvt} \cdot \frac{L_m}{V_m}} \cdot \ln \left( \frac{y_{1co} - m_{jvt} \cdot x1}{y_{2co} - m_{jvt} \cdot x2} \right) \quad NOG = 12.13605$$

b) Beräkning av erforderlig diameter

$$L1 = L2 + V1 \cdot y_{1co} \cdot 0.98 \quad L1 = 3.97056$$

$$MIL = x1 \cdot 44 + (1 - x1) \cdot 18 \quad MIL = 18.54496$$

$$L1w = MIL \cdot L1 \quad L1w = 73.63378 \text{ kg/s}$$

$$V1w = M_{gas} \cdot V1 \quad V1w = 83.55556 \text{ kg/s}$$

$$rov1 = P \cdot \frac{M_{gas}}{R \cdot T} \quad rov1 = 23.41235 \text{ kg/m}^3$$

$$FLV = \frac{L1w}{V1w} \cdot \frac{rov1}{rov} \quad FLV = 0.13538$$

Detta ger ur diagram

FI = 0.090 Vilket med följande data för packningsmaterialet

$$myl = 0.656 \cdot 10^{-3} \quad myw = 1 \cdot 10^{-3} \quad por = 0.95$$

$$gr = 9.81 \quad SB = 128.$$

$$ugf = \left[ FI \cdot gr \cdot \frac{por}{SB} \cdot \left( \frac{rov}{rov1} \right)^{0.2} \cdot \left( \frac{myw}{myl} \right)^{0.5} \right] \quad ugf = 0.52213 \text{ m/s}$$

$$ug = ugf \cdot 0.8 \quad ug = 0.4177 \text{ m/s}$$

$$A1 = \left( \frac{V1w}{rov1} \right) \cdot \left( \frac{1}{ug} \right) \quad A1 = 8.544 \text{ m}^2$$

$$Diam = \sqrt{\frac{4}{\pi} \cdot A1} \quad Diam = 3.29827 \text{ m}$$

Beräkning av vätningskoefficienten

$$L_{wet} = \frac{L1w}{A1 \cdot rov \cdot SB} \quad L_{wet} = 6.78726 \cdot 10^{-5}$$

Packningen är tillfredställande vätt.

b) Bestämning av HOG enligt Semmelbauer

beta = 21      dp = 0.032    m

$$HG1 = \left( \frac{V1w}{At} \right)^{0.41} \cdot myg^{0.26} \cdot myl^{0.46} \cdot \sigma^{0.5}$$

$$HG2 = \left( \frac{L1w}{At} \right)^{0.46} \cdot rovl^{0.67} \cdot rof^{0.5} \cdot DG^{0.67} \cdot dp^{0.05}$$

HG =  $\frac{HG1 \cdot \beta}{HG2}$       HG = 0.61032    m

HL1 =  $myl^{0.88} \cdot \sigma^{0.5}$

$$HL2 = \left( \frac{L1w}{At} \right)^{0.05} \cdot rovl^{1.33} \cdot DL^{0.5} \cdot dp^{0.55}$$

HL =  $\frac{HL1}{HL2} \cdot \beta$

HL = 0.1168    m

HOG = HG + HL ·  $\frac{V1}{myl}$       HOG = 0.69204    m

z = HOG · NOG      z = 8.39859    m

Alternativt kan Ondas metod användas

Korrelation av den effektiva arean ges av uttrycket

sigmaac = 0.075      a = SB      Crot = 55.5

$$aw1 = 1.45 \cdot \left( \frac{\sigma}{\sigma_a} \right)^{0.75} \cdot \left( \frac{L1w}{At \cdot a \cdot myl} \right)^{0.1} \cdot \left( \frac{L1w}{At} \right)^2 \cdot \frac{a}{rof^2 \cdot gr} \cdot \left[ \frac{L1w}{At} \right]^{0.2} \cdot \frac{1}{rof \cdot \sigma_a \cdot a}$$

aw2 = 1 - exp(-aw1)      aw2 = 0.73216

aw = aw2 · a      aw = 93.71641

Massöverföringskoefficienterna ges av följande uttryck

$$kII = 0.0051 \cdot \left( \frac{L1w}{At \cdot aw \cdot myl} \right)^{0.6667} \cdot \left( \frac{myl}{rof \cdot DL} \right)^{-0.5} \cdot (a \cdot dp)^{0.4} \quad kII = 0.0138$$

kI =  $kII \cdot \left( \frac{myl \cdot gr}{rof} \right)^{0.3333}$       kI = 2.57395 · 10<sup>-4</sup>

$$kg1 = 5.23 \cdot \left( \frac{V1w}{At \cdot a \cdot myg} \right)^{0.7} \cdot \left( \frac{myg}{rovl \cdot DG} \right)^{0.3333} \cdot (a \cdot dp)^{-2}$$

kg =  $kg1 \cdot \frac{a \cdot DG}{R \cdot T}$       kg = 4.06223 · 10<sup>-4</sup>

HGG =  $\frac{V1}{At \cdot kg \cdot aw \cdot P}$       HGG = 0.427    m

HLL =  $\frac{L1}{At \cdot kI \cdot aw \cdot Crot}$       HLL = 0.34712    m

HOGG = HGG +  $\frac{V1}{L1} \cdot HLL$       HOGG = 0.66984    m

zz = HOGG · NOG      zz = 8.12925    m

Svar:

- a) antal massgenomgångsenheter blir      NOG = 12.13605
- b) höjden av en massgenomgångsenhet blir mHOG=0.69204er HOG = 0.69204 och med Ondas metod fås      HOGG = 0.66984
- c) erforderlig packningshöjd blir med Semmelbauers metod      z = 8.39859 och med Ondas metod      zz = 8.12925
- d) erforderlig diameter blir      Diam = 3.29827

### Demonstrationsövning: Absorption

Alternativ med sänkt tryck. Detta leder till att m och DG ändras. Det visar sig också nödvändigt att ändra vätskelödet. Varför? (Kontrollera drivkrafterna och vilka konsekvenser det får för NOG-beräkningen).

#### Materialbalanser

$$V1 := \frac{10000.0}{3600} \quad V1 = 2.77778 \text{ kmol/s}$$

$$L2 := \frac{21000.0}{3600} \quad L2 = 5.83333 \text{ kmol/s}$$

$$y_{leo} := 0.030 \quad y_{leo2} := 0.10 \quad x2 := 0.0004$$

$$P := 10 \text{ atm} \quad T := 313.15 \text{ K}$$

$$M_{co2} := 44 \quad M_{n2} := 28$$

$$M_{gas} := y_{leo} \cdot 44 + y_{leo2} \cdot 44 + (1 - y_{leo} - y_{leo2}) \cdot M_{n2} \quad M_{gas} = 30.08$$

Följande data kan dessutom anses gälla

$$m_{jv1} := 2.0 \quad DG := 15.0 \cdot 10^{-7} \quad DL := 2.15 \cdot 10^{-9}$$

$$rol := 992 \quad myg := 1.81 \cdot 10^{-5} \quad \text{sigma} := 0.070$$

$$R := 0.082056$$

#### a) Beräkning av NOG

$$V_m := V1 \cdot (1 - y_{leo}) \quad V_m = 2.69444 \text{ kmol inert/s}$$

$$L_m := L2 \cdot (1 - x2) \quad L_m = 5.831 \text{ kmol inert/s}$$

$$y_{2eo} = 0.02 \cdot V1 \cdot \frac{y_{leo}}{(V_m + 0.02 \cdot V1 \cdot y_{leo})} \quad y_{2eo} = 6.18174 \cdot 10^{-4}$$

$$L2 = 5.83333$$

$$x1 := \frac{0.98 \cdot V1 \cdot y_{leo} + L2 \cdot x2}{L2 + V1 \cdot 0.98 \cdot y_{leo}} \quad x1 = 0.0142$$

Vi kan antaga låga halter och NOG ges av

$$NOG := \frac{1}{1 - m_{jvc}} \cdot \frac{\ln \left( \frac{y_{leo} - m_{jvc} \cdot x1}{y_{2eo} - m_{jvc} \cdot x2} \right)}{L_m} \quad NOG = 28.66272$$

#### b) Beräkning av erforderlig diameter

$$L1 = L2 + V1 \cdot y_{leo} \cdot 0.98 \quad L1 = 5.915$$

$$MIL = x1 \cdot 44 + (1 - x1) \cdot 18 \quad MIL = 18.36923$$

$$L1w = MIL \cdot L1 \quad L1w = 108.654 \text{ kg/s}$$

$$V1w = M_{gas} \cdot V1 \quad V1w = 83.55556 \text{ kg/s}$$

$$rov1 := P \cdot \frac{M_{gas}}{R \cdot T} \quad rov1 = 11.70618 \text{ kg/m}^3$$

$$FLV := \frac{L1w \cdot \sqrt{rov1}}{V1w \cdot \sqrt{\rho}} \quad FLV = 0.14126$$

Detta ger ur diagram

Fl := 0.090 Vilket med följande data för packningsmateriale

$$m_{yl} := 0.656 \cdot 10^{-3} \quad m_{yw} = 1 \cdot 10^{-3} \quad por = 0.95$$

$$gr := 9.81 \quad SB = 128.$$

$$ger$$

$$ugf := \left[ Ft \cdot gr \cdot \frac{por^3}{SB} \cdot \left( \frac{rol}{rov1} \right) \cdot \left( \frac{myw}{myl} \right)^{0.2 \cdot 10^5} \right]^{0.5} \quad ugf = 0.7384 \text{ m/s}$$

$$ug = ugf \cdot 0.8 \quad ug = 0.59072 \text{ m/s}$$

$$At := \left( \frac{V1w}{rov1} \right) \cdot \left( \frac{1}{ug} \right) \quad At = 12.08304 \text{ m}^2$$

$$Diam = \sqrt{\frac{4}{At} \cdot \pi} \quad Diam = 3.92232 \text{ m}$$

#### Beräkning av vätnings hastigheten

$$L_{wet} = \frac{L1w}{At \cdot rol \cdot SB} \quad L_{wet} = 7.08187 \cdot 10^{-5}$$

Packningen är tillfredställande vätt.

b) Bestämning av HOG enligt Semmelbauer

beta = 21      dp = 0.032    m

$$HG1 := \left( \frac{V1w}{At} \right)^{0.41} \cdot myg^{0.26} \cdot myl^{0.46} \cdot sigma^{0.5}$$

$$HG2 := \left( \frac{L1w}{At} \right)^{0.46} \cdot rovl^{0.67} \cdot rold^{0.5} \cdot DG^{0.67} \cdot dp^{0.05}$$

HG =  $\frac{HG1}{HG2}$       beta      HG = 0.51969    m

HL1 =  $myl^{0.88} \cdot sigma^{0.5}$

HL2 =  $\left( \frac{L1w}{At} \right)^{0.05} \cdot rovl^{1.33} \cdot D1^{0.5} \cdot dp^{0.55}$

HL :=  $\frac{HL1}{HL2}$       beta

HL = 0.11656    m

HOG := HG + HL ·  $mjvt \cdot \frac{V1}{L1}$

HOG = 0.62917    m

z := HOG · NOG      z = 18.03359    m

Alternativt kan Ondas metod användas

Korrelation av den effektiva arean ges av uttrycket  
 sigmaac = 0.075      a = SB      Ctot = 55.5

$$aw1 = 1.45 \cdot \left( \frac{sigmaac}{sigma} \right)^{0.75} \cdot \left( \frac{L1w}{At \cdot a \cdot myl} \right)^{0.1} \cdot \left( \frac{L1w}{At} \right)^2 \cdot \frac{a}{rovl^{0.25} \cdot rold^{0.05} \cdot \left( \frac{L1w}{At} \right)^2 \cdot \frac{1}{rold \cdot sigma \cdot a}}^{10.2}$$

aw2 := 1 - exp(-aw1)      aw2 = 0.73814  
 aw := aw2 · a      aw = 94.48192

Massöföringskoefficienterna ges av följande uttryck

kl1 := 0.0051 ·  $\left( \frac{L1w}{At \cdot aw \cdot myl} \right)^{0.6667} \cdot \left( \frac{myl}{rovl \cdot DL} \right)^{0.5} \cdot (a \cdot dp)^{0.4}$

kl := kl1 ·  $\left( \frac{myl \cdot D1}{rovl} \right)^{0.3333}$       kl = 2.63359 · 10<sup>-4</sup>

kg1 = 5.23 ·  $\left( \frac{V1w}{At \cdot a \cdot myg} \right)^{0.7} \cdot \left( \frac{myg}{rovl \cdot DG} \right)^{0.3333} \cdot (a \cdot dp)^2$

kg := kg1 ·  $\frac{a \cdot DG}{R \cdot T}$       kg = 6.36866 · 10<sup>-4</sup>

HGG :=  $\frac{V1}{At \cdot kg \cdot aw \cdot P}$       HGG = 0.38205

HLL :=  $\frac{L1}{At \cdot kl \cdot aw \cdot Ctot}$       HLL = 0.35448

HOGG := HGG +  $mjvt \cdot \frac{V1}{L1}$  · HLL      HOGG = 0.71499    m

zz := HOGG · NOG      zz = 20.49359    m

Svar: Om trycket sänks till 10 atm och vätskeflödet till 21000 kmol/h fås

- a) antal massenömgångsenheter blir      NOG = 28.66272
- b) höjden av en massenömgångsenhet blir      HOG = 0.62917  
 med Ondas metod fås      HOGG = 0.71499
- c) erforderlig packningshöjd blir      z = 18.03359  
 med Ondas metod fås      zz = 20.49359
- d) erforderlig diameter blir      Diam = 3.92232

# DEMONSTRATIONSRÄKNEÖVNING

## Extraktion - lakning

A1. Lakningsoperationer utföres ofta industriellt på så sätt att det fasta materialet först suspenderas i tvättvätska, och sedan avskiljes lösningen från det fasta materialet när en tid getts för att de ämnen som skall separeras har hunnit löst sig i vätskan. Det finns alltid en viss mängd lösning kvar i det fasta materialet efter lakningen. Hur mycket vätska som finns kvar beror på den utrustning som användes. Beräkning av lakningsoperationen kan vara grafisk eller numerisk.

a) Visa i ett triangeldiagram hur en lakningsoperation kan beskrivas grafiskt. Ta som exempel att ett fast material hållande 25 % löst substans späds från 15 % inert material till 4 % inert material med rent lösningsmedel. Därefter avvattnas materialet till att hålla 20 % inert material. Bestäm andelen löst material i utgående underström efter lakningen.

b) Beskriv på motsvarande sätt förloppet om lakningen enligt a) sker i två steg i tvärström med rent vatten påfört i båda stegen. Bestäm andelen löst material i underströmmen efter de två stegen.

c) Beräkna utbytet (verkningsgraden) för de båda alternativen enligt a) och b).

d) Visa hur lakningsoperationen enligt a) och b) kan genomföras som en motströms lakningsoperation och så att det erhållna fasta materialet endast innehåller 1 vikts-% löst substans. Rent vatten användes som lösningsmedel (och påföres således endast ett av stegen).

e) Villken renhet skulle erhållas om lakningsoperationen genomfördes i ett steg och med en förträngning med rent vatten vid en massakoncentration av 10 %. Förträngningsverkningsgraden kan sättas till 60 %.

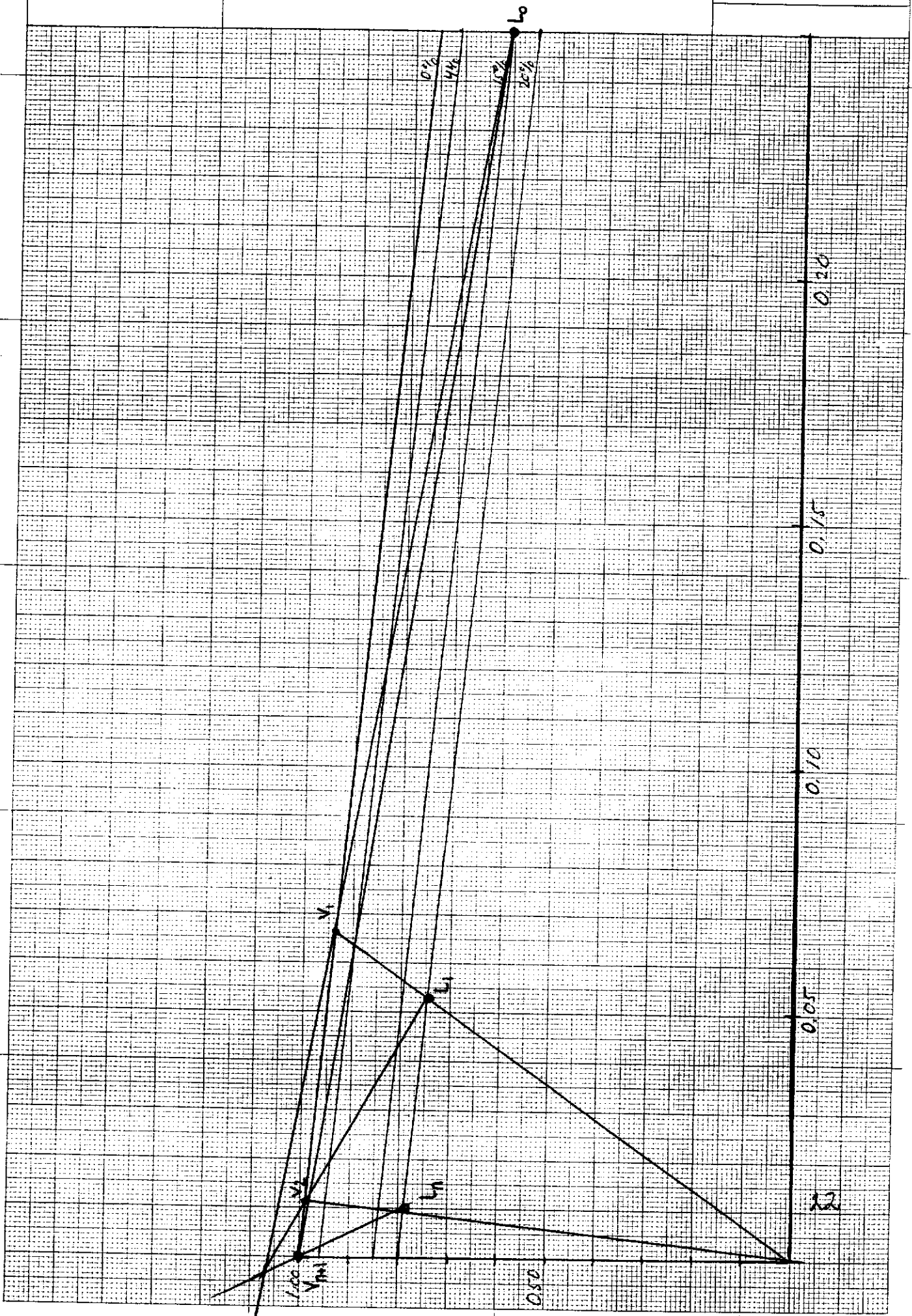
f) Skulle en ökad renhet erhållas om spädningen skedde till 2.5 % massakoncentration, avvattning till 10 %, förträngning vid 10 % med rent vatten och med en förträngningsverkningsgrad av 60 %, samt en slutavvattning till 15 %.

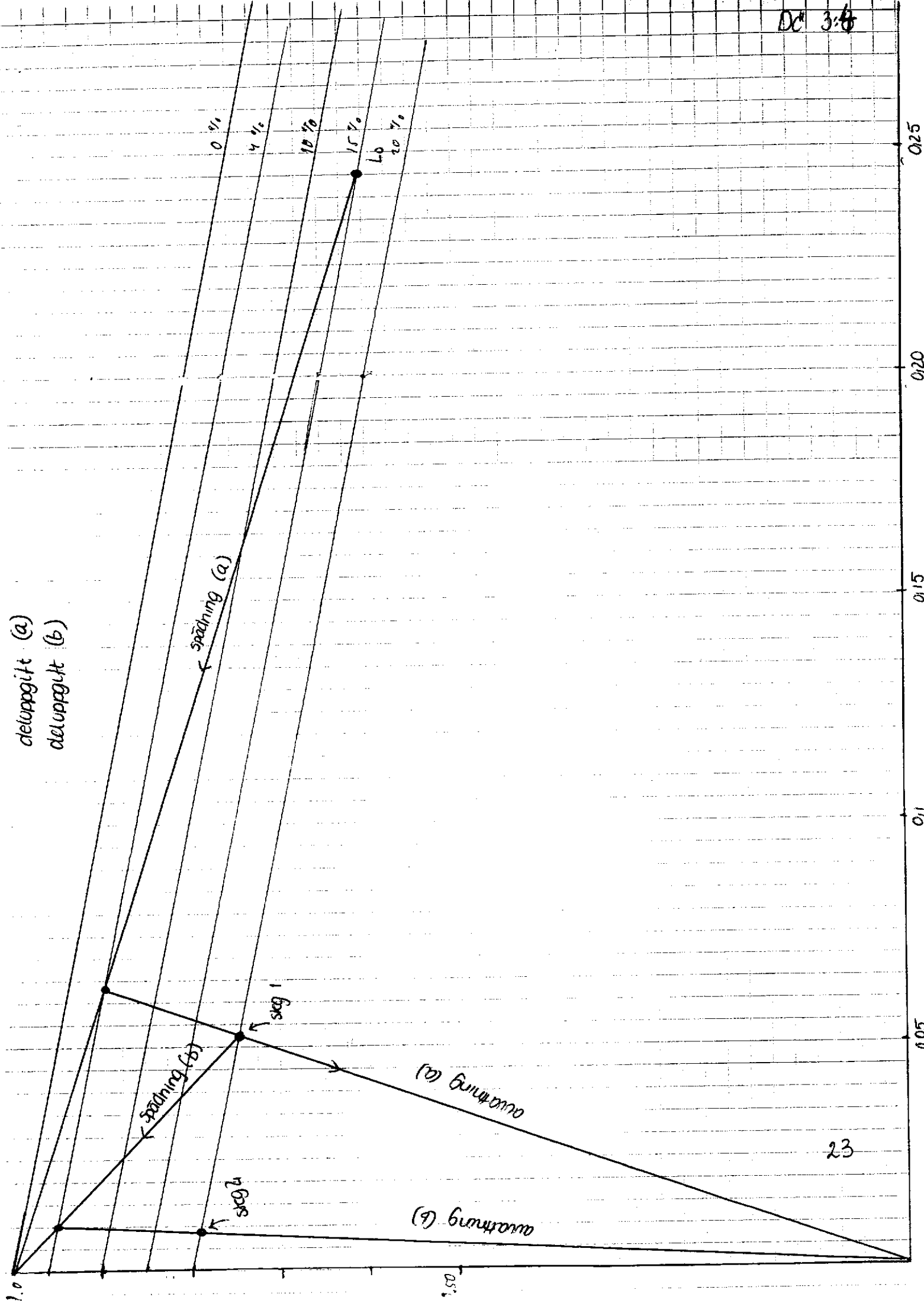
g) Vad blir för alternativet enligt f) den slutliga renheten hos det utgående fasta materialet om det som lösningsmedel påförda vattnet håller 0.5 % löst substans?

uppgift (d)

A 4 - 1 x 1 mm

408.12

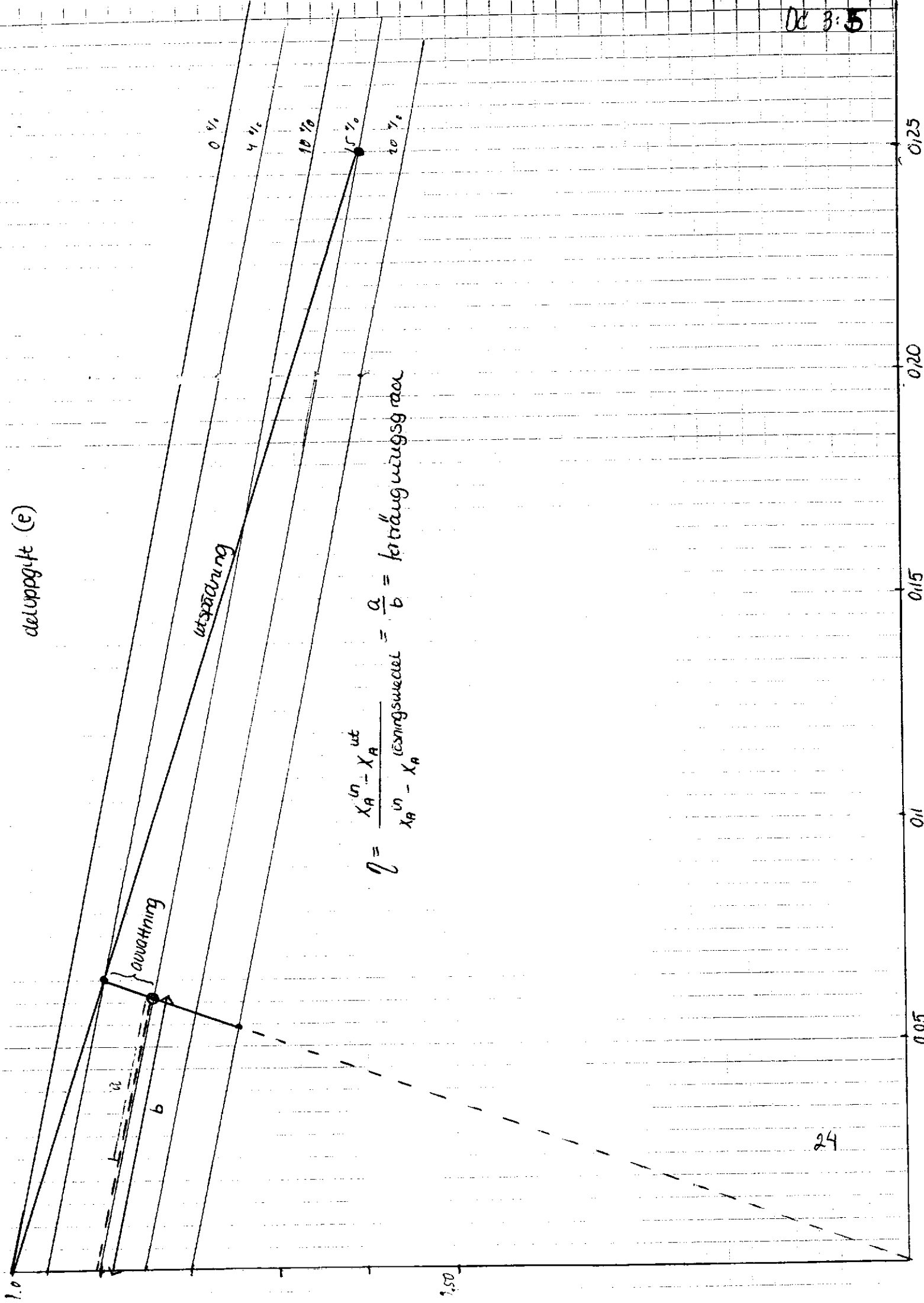




deluppigt (a)  
deluppigt (b)



deluppigte (e)



$$Q = \frac{X_A^{in} - X_A^{ut}}{X_A^{in} - X_A^{lösningssvevel}} = \frac{a}{b} = \text{förhållningsgrad}$$

anvattning

utspjälning

förhållningsgrad

lösningssvevel

## Demonstrationsövning Lakning

a) Lakning i ett steg. Uppgifterna baseras på de för ett tvättfilter för pappersmassa.

Givna uppgifter

$$L_0 = 1.0 \quad xA_0 = 0.25 \quad xB_0 = 0.15 \quad xS_0 = 1 - xA_0 - xB_0 \quad xS_0 = 0.6$$

$$x_{B1} = 0.20 \quad x_{B2} = 0.20 \quad x_{B3} = 0.20$$

$$LoxB_0 = Lo \cdot xB_0 \quad LoxBo = 0.15$$

$$L1xB1 = LoxB_0 \quad L2xB2 = LoxBo \quad L3xB3 = LoxBo$$

$$L1 = \frac{L1xB1}{xB1} \quad L2 = \frac{L2xB2}{xB2} \quad L3 = \frac{L3xB3}{xB3}$$

$$L1 = 0.75 \quad L2 = 0.75 \quad L3 = 0.75$$

Steg 1

Spädning

Bilda en ström M av Lo och V2'

$$xB1M = 0.04 \quad LIM = \frac{LoxB_0}{xB1M} \quad LIM = 3.75$$

$$V22 = LIM - Lo \quad V22 = 2.75$$

Avvattning

$$V1 = LIM - L1 \quad V1 = 3$$

Halterna kan nu beräknas

$$xA1M = \frac{Lo \cdot xA_0}{LIM} \quad xA1M = 0.06667$$

$$yA1M = \frac{Lo \cdot xA_0}{V22 + Lo(1 - xB_0)} \quad yA1M = 0.06944$$

$$yA1V = yA1M \quad xA1L = \frac{Lo \cdot xA_0 - V1 \cdot yA1V}{L1} \quad xA1L = 0.05556$$

$$xS1L = 1 - xA1L - xB1 \quad xS1L = 0.74444$$

b) Lakning i två steg

Steg 2

Spädning

$$xB2M = 0.04 \quad L2M = \frac{Lo \cdot xB_0}{xB2M} \quad L2M = 3.75$$

$$V33 = L2M - L1 \quad V33 = 3$$

Avvattning

$$V2 = L2M - L2 \quad V2 = 3$$

Halterna

$$xA2M = \frac{L1 \cdot xA1L}{L2M} \quad xA2M = 0.01111$$

$$yA2M = \frac{L1 \cdot xA1L}{L2M(1 - xB2M)} \quad yA2M = 0.01157 \quad yA2V = yA2M$$

$$xA2L = \frac{L1 \cdot xA1L - V2 \cdot yA2V}{L2} \quad xA2L = 0.00926$$

$$xS2L = 1 - xA2L - xB2 \quad xS2L = 0.79074$$

Studie vad som händer med ytterligare ett steg

Steg 3

Spädning

$$xB3M = 0.04 \quad L3M = \frac{Lo \cdot xB_0}{xB3M} \quad L3M = 3.75$$

$$V44 = L3M - L2 \quad V33 = 3$$

Avvattning

$$V3 = L3M - L3 \quad V3 = 3$$

Halterna

$$xA3M = \frac{L2 \cdot xA2L}{L3M} \quad xA3M = 0.00185$$

$$yA3M = \frac{L2 \cdot xA2L}{L3M(1 - xB3M)} \quad yA3M = 0.00193 \quad yA3V = yA3M$$

$$xA3L = \frac{L2 \cdot xA2L - V3 \cdot yA3V}{L3} \quad xA3L = 0.00154$$

$$xS3L = 1 - xA3L - xB3 \quad xS3L = 0.79846$$

- c) Med ett steg utvinns 83 %
- Med två steg utvinns 97 %
- Med tre steg utvinns 99.5%

d) För ett motströmsförfarande krävs ca två steg.

e) Halten blir 2.3 %

f) Ja, underströmmens halt av löst substans blir 1.4 %.

g) Halten blir 1.8 %

Demonstrationsräkneövning 4

951721

- industrierA1 Sökt: S

Känt:  $F = 1000 \text{ kg/h}$        $P = 1 \text{ bar} \Rightarrow T_{v1} = 100^\circ\text{C}$   
 $x_F = 0.005$        $T = 100^\circ\text{C}$   
 $x_1 = 0.03$        $P_s = 5 \text{ bar, mättad}$   
 $T_F = 100^\circ\text{C}$

Approximera med rent vatten

MB:  $F = V_1 + L_1$

KB:  $F x_F = L_1 x_1$

VB:  $S \Delta H_{\text{vap}} + F H_F = V_1 H_{v1} + L_1 H_{L1} \Rightarrow$

$$\Rightarrow S = \frac{V_1 H_{v1} + L_1 H_{L1} - F H_F}{\Delta H_{\text{vap}}} \quad (*)$$

KB  $\Rightarrow L_1 = \frac{F x_F}{x_1} = 167 \text{ kg/h} \Rightarrow V_1 = 833 \text{ kg/h}$

Angtabelle:  $H_{L1} \{ 100^\circ\text{C, 1 bar} \} = 419 \text{ kJ/kg}$

$H_F \{ \text{"} \} = 419 \text{ kJ/kg}$

$H_{v1} \{ \text{"} \} = 2676 \text{ kJ/kg}$

$\Delta H_{\text{vap}} \{ \text{mättad ånga, 5 bar} \} = 2108.6 \text{ kJ/kg}$

Insättning i (\*) ger S = 892 kg/h

A2 Sökt: A för uppgift A1

Känt: MB, KB, VB samt  $U_{skb} = 1 \text{ kW/m}^2\text{K}$

Kapacitetslev.  $Q_1 = U_{skb} A_1 \Delta T_1$

$\Delta T_1 = T_3 - T_1 = 153 - 100 = 53 \text{ K}$

$$A_1 = \frac{Q_1}{U_{skb} \Delta T_1} = \frac{S \Delta H_{\text{vap}}}{U_{skb} \Delta T_1} = \frac{892}{3600} \cdot \frac{2108.6}{1 \cdot 53} = \underline{\underline{10 \text{ m}^2}}$$

A3) Kapaciteten

Antag att  $U_{skb} = \text{konstant}$  ;  $\dot{Q}^{en} = U_{skb} \cdot A \cdot \Delta T_{tot}$

$$\dot{Q}^{km} = \dot{Q}_1 + \dot{Q}_2 + \dot{Q}_3 + \dot{Q}_4 + \dot{Q}_5 \Rightarrow$$

$$\dot{Q}^{km} = A \cdot U_{skb} (\Delta T_1 + \Delta T_2 + \Delta T_3 + \Delta T_4 + \Delta T_5) = U_{skb} \cdot A \cdot \Delta T_{tot}$$

dvs:  $\dot{Q}^{en} = \dot{Q}^{km}$  om man bara tar hänsyn till kapaciteten.

Ångbehovet

Antag adiabatiskt, kokvarmt tillflöde samt oändlig utspädning.

$$S^{en} \cdot \Delta H_{vap} \approx V_{tot} \cdot \Delta H_{vap,N} \Rightarrow S^{en} \approx V_{tot}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{För en feu-effektsindunstare: } V_{tot} = V_1 + V_2 + V_3 + V_4 + V_5 \\ S^{km} = \approx V_1 \times V_2 \times \dots \times V_5 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$S^{km} = \frac{V_{tot}}{S} \quad \text{om man tar hänsyn till ångbehovet}$$

A4) Sökte  $A_1, A_2, A_3$ 

Känt  $F = 5000 \text{ kg/h}$

$$P_3 = 10 \text{ bar} \Rightarrow T_3 = 179.9^\circ\text{C}$$

$$x_F = 0.1$$

$$P_3 = 3 \text{ kPa} \Rightarrow T_{v3} = 41.5^\circ\text{C}$$

$$x_1 = 0.4$$

$\beta$  försämmas, samt  $A_1 = A_2 = A_3$

$$U_{skb1} = 0.8 \text{ kW/m}^2\text{K}; \quad U_{skb2} = 1.2 \text{ kW/m}^2\text{K}; \quad U_{skb3} = 1.0 \text{ kW/m}^2\text{K}$$

Feeden är kokvarm, samt egenskaper för vatten

Effekt 1 Mb:  $L_3 = V_1 + L_1$  (1)

$$Kb: L_3 \cdot x_3 = L_1 \cdot x_1$$
 (2)

$$Vb: S \cdot \Delta H_{vap} + L_3 \cdot H_{L3} = L_1 \cdot H_{L1} + V_1 \cdot H_{v1}$$
 (3)

$$K: \dot{Q}_1 = S \cdot \Delta H_{vap} = U_{skb1} \cdot A_1 \cdot \Delta T_1$$
 (4)

Effekt 2 Mb:  $F = V_2 + L_2$  (5)

$$Kb: F \cdot x_F = L_2 \cdot x_2$$
 (6)

$$Vb: V_1 \cdot \Delta H_{vap,N1} + F \cdot H_F = L_2 \cdot H_{L2} + V_2 \cdot H_{v2}$$
 (7)

$$K: \dot{Q}_2 = V_1 \cdot \Delta H_{vap1} = U_{skb2} \cdot A_2 \cdot \Delta T_2$$
 (8)

Effekt 3 Mb:  $L_2 = V_3 + L_3$  (9)

$$Kb: L_2 \cdot x_2 = L_3 \cdot x_3$$
 (10)

$$Vb: V_2 \cdot \Delta H_{vap,r2} + L_2 \cdot H_{L2} = L_3 \cdot H_{L3} + V_3 \cdot H_{v3}$$
 (11)

$$K: \dot{Q}_3 = V_2 \cdot \Delta H_{vap,r2} = U_{skb3} \cdot A_3 \cdot \Delta T_3$$
 (12)

Följjer "beräkningsgång" i kursboken

$$\underline{V_{tot}}: 1,5,9 \Rightarrow \text{total MB} : F = L_1 + V_{tot}$$

$$2,6,10 \Rightarrow F \cdot X_F = L_1 \cdot X_1 \Rightarrow L_1 = F \cdot \frac{X_F}{X_1} = 1250 \text{ kg/h}$$

$$V_{tot} = F - L_1 = 3750 \text{ kg/h}$$

$$\text{Antag } V_1 = V_2 = V_3 \Rightarrow V_1 = V_2 = V_3 = \frac{V_{tot}}{3} = 1250 \text{ kg/h}$$

$$(5) \Rightarrow L_2 = F - V_2 = 3750 \text{ kg/h}$$

$$(1) \Rightarrow L_3 = L_2 - V_3 = 2500 \text{ kg/h}$$

$$(6) \Rightarrow X_2 = \frac{F \cdot X_F}{L_2} = 0,133$$

$$(10) \Rightarrow X_3 = \frac{L_2 \cdot X_2}{L_3} = 0,20$$

$$\Delta T_{TOT} = T_3 - T_{vn} - \Sigma \beta = 179,9 - 41,5 = 138,4 \text{ K}$$

$$\Delta T_1 = \frac{\Delta T_{TOT}}{1 + \frac{U_{skb1}}{U_{skb2}} + \frac{U_{skb1}}{U_{skb3}}} = 56,1$$

$$\Delta T_3 = \frac{U_{skb1}}{U_{skb3}} \cdot \Delta T_1 = 44,9 \text{ K} \quad \Delta T_2 = \frac{U_{skb1}}{U_{skb2}} \cdot \Delta T_1 = 37,4 \text{ K}$$

$$\Delta T_1 = T_3 - T_1 \Rightarrow T_1 = T_3 - \Delta T_1 = 123,8^\circ \text{C} \quad T_1 = T_{v1} = 128,8^\circ \text{C}$$

$$\Delta T_2 = T_{v1} - T_2 \Rightarrow T_2 = T_{v1} - \Delta T_2 = 86,4^\circ \text{C} \quad T_2 = T_{v2} = 86,4^\circ \text{C}$$

$$T_3 = T_{v3} = 41,5^\circ \text{C}$$

ur ångtabell för S:  $\Delta H_{vap} = 3015,4 \text{ kJ/kg}$

$$\Delta H_{vap v1} = 2191,9 \text{ --}$$

$$\Delta H_{vap v2} = 2292,0 \text{ --}$$

$$H_{v1} = 2711,8 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{v2} = 2653,9 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{v3} = 2576,4 \text{ --}$$

$$H_{L1} = 519,9 \text{ kJ/kg}$$

$$H_F = H_{L2} = 361,9 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{L3} = 173,9 \text{ --}$$

$$(11) \Rightarrow V_2 = \frac{L_3 \cdot H_{L3} + V_3 \cdot H_{V3} - L_2 \cdot H_{L2}}{\Delta H_{vap2}} = 1003 \text{ kg/h}$$

$$L_2 = F - V_2 = 3997 \text{ kg/h}$$

$$(7) \Rightarrow V_1 = 1048 \text{ kg/h}$$

$$V_1 + V_2 + V_3 = 3301 \text{ kg/h} < V_{TOT}$$

$$\Delta V_{TOT} = V_{TOT} - 3301 = 449 \text{ kg/h}$$

$$\text{Nya antaganden: } V_1 = 1048 + \frac{\Delta V_{TOT}}{3} = 1197 \text{ kg/h}$$

$$V_2 = 1003 + \frac{\Delta V_{TOT}}{3} = 1153 \text{ kg/h}$$

$$V_3 = 1250 + \frac{\Delta V_{TOT}}{3} = 1400 \text{ kg/h}$$

$$\text{Börja om från } \underline{V_{TOT}}: (5) \Rightarrow L_2 = 3847 \text{ kg/h}$$

$$(9) \Rightarrow L_3 = 2447 \text{ kg/h}$$

$$(11) \Rightarrow V_2 = 1152 \text{ kg/h}$$

$$(7) \Rightarrow V_1 = 1205 \text{ kg/h}$$

$$V_1 + V_2 + V_3 = 3757 \text{ kg/h} \quad \Delta V_{TOT} = -7 \text{ kg/h}$$

$$(3) \Rightarrow S = \frac{L_1 \cdot H_{L1} + V_1 \cdot H_{V1} - L_3 \cdot H_{L3}}{\Delta H_{vap}} = 1733 \text{ kg/h}$$

$$\text{Kontroll av } A_1 = A_2 = A_3$$

$$(4) \quad A_1 = \frac{\dot{Q}_1}{U_{skb1} \cdot \Delta T_1} = \frac{S \cdot \Delta H_{vap}}{U_{skb1} \cdot \Delta T_1} = 21.6 \text{ m}^2$$

$$(8) \quad A_2 = \frac{\dot{Q}_2}{U_{skb2} \cdot \Delta T_2} = \frac{V_1 \cdot \Delta H_{vap1}}{U_{skb2} \cdot \Delta T_2} = 16.3 \text{ m}^2$$

$$(12) \quad A_3 = \frac{\dot{Q}_3}{U_{skb3} \cdot \Delta T_3} = \frac{V_2 \cdot \Delta H_{vap2}}{U_{skb3} \cdot \Delta T_3} = 16.3 \text{ m}^2$$

$$\text{Medelarea: } \frac{21.6 + 16.2 + 16.3}{3} = 18.1 \text{ m}^2$$

$$\Delta T_1 = 56.1 \cdot \frac{21.6}{18.1} = 66.9 \text{ K}$$

$$\Delta T_2 = 37.6 \cdot \frac{16.3}{18.1} = 33.7 \text{ K}$$

$$\Delta T_3 = \Delta T_{\text{TOT}} - \Delta T_1 - \Delta T_2 = 37.8 \text{ K}$$

Men med nya temperaturer kommer entalpierna att ändras:

$$T_1 = T_5 - \Delta T_1 = 113^\circ\text{C} = T_{v1}$$

$$T_2 = T_{v1} - \Delta T_2 = 79.3^\circ\text{C} = T_{v2}$$

$$\Delta H_{\text{vap}v1} = 2221.9 \text{ kJ/kg}$$

$$(11) \Rightarrow V_2 = 1193 \text{ kg/h}$$

$$\Delta H_{\text{vap}v2} = 2310.0 \text{ kJ/kg}$$

$$(7) \Rightarrow V_1 = 1240 \text{ kg/h}$$

$$H_{v1} = 2645.8 \text{ --}$$

$$H_{v2} = 2642.3 \text{ --}$$

$$H_{L1} = 474.1 \text{ --}$$

$$H_{L2} = 332.0 \text{ --}$$

Vi får nu att  $V_1 + V_2 + V_3 = 3833 \text{ kg/h}$  ;  $\Delta V_{\text{TOT}} = -83 \text{ kg/h}$

$$\text{Nya antaganden: } V_1 = 1240 + \frac{\Delta V_{\text{TOT}}}{3} = 1212 \text{ kg/h}$$

$$V_2 = 1165 \text{ kg/h}$$

$$V_3 = 1372 \text{ kg/h}$$

$$(5) L_2 = 3835 \text{ kg/h}$$

$$(7) L_3 = 2463 \text{ --}$$

$$(11) V_2 = 1164 \text{ --}$$

$$V_1 + V_2 + V_3 = 3746 \text{ kg/h}$$

$$(7) V_1 = 1210 \text{ kg/h}$$

Nu återstår att beräkna areorna:

$$(3) S = 1700 \text{ kg/h}$$

$$(4) A_1 = 17.8 \text{ m}^2$$

$$(8) A_2 = 18.5 \text{ m}^2$$

$$(12) A_3 = 19.7 \text{ m}^2$$

A5 a) Sökt:  $\Delta T_{tot}$ 

$$\begin{aligned} \text{Kant: } T_s &= 130^\circ\text{C} & \beta_1 &= 5^\circ\text{C} \\ T_{v3} &= 50^\circ\text{C} & \beta_2 &= 3^\circ\text{C} \\ & & \beta_3 &= 2^\circ\text{C} \end{aligned}$$

$$\Delta T_{tot} = T_s - T_{v3} - \sum \beta = 130 - 50 - (5 + 3 + 2) = \underline{\underline{70^\circ\text{C}}}$$

b) Sökt:  $\Delta T_1$ 

$$\text{Kant: uppg. a, } T_1 = 110^\circ\text{C}$$

$$\Delta T_1 = T_s - T_1 = \underline{\underline{20^\circ\text{C}}}$$

c) Sökt:  $\Delta T_2$ 

$$\text{Kant: uppg. a, b, } T_2 = 90^\circ\text{C}$$

$$\Delta T_2 = T_{v1} - T_2 = \{ T_{v1} = T_1 - \beta_1 \} = T_1 - \beta_1 - T_2 = \underline{\underline{15^\circ\text{C}}}$$

d) Sökt:  $\Delta T_3$ 

$$\text{Kant: uppg. a, b, c}$$

$$2 \text{ sätt: } (1) \Delta T_{tot} = \Delta T_1 + \Delta T_2 + \Delta T_3$$

$$\Rightarrow \Delta T_3 = \underline{\underline{35^\circ\text{C}}}$$

$$(2) \Delta T_3 = T_{v2} - T_3 = \{ T_{v2} = T_2 - \beta_2 \} =$$

$$= T_2 - \beta_2 - T_3 = \underline{\underline{35^\circ\text{C}}}$$

A6 enligt utdelad lösningUtrustning

- Direkteldade industare { fig. 6.76 }
- Självcirkulations industare { fig. 6.77 - 6.78 }
- Tvångcirkulationsindustare { fig. 6.79 }
- Filmindustare
  - Stigfilms- { fig. 6.20 }
  - Fallfilms- { fig. 6.21 }
- Tunnfilmsindustare { fig. 6.22 }



## Tal A6 Indunstning

Sökt:  $U_{skb1}$ ,  $U_{skb2}$ ,  $U_{skb3}$ 

Känt: Se figur

Entalpi- och Düringerdiagram

Detta tal måste lösas effekt för effekt. Börja med effekt 1.

$$Mb: F = L_1 + V_1 \quad (1)$$

$$Kb: F \cdot x_F = L_1 \cdot x_1 \quad (2)$$

$$Vb: F \cdot H_F + S \cdot \Delta H_{vap} = L_1 \cdot H_{L1} + V_1 \cdot H_{V1} \quad (3)$$

$$K: \dot{Q}_1 = S \cdot \Delta H_{vap} = U_{skb1} \cdot A_1 \cdot \Delta T_1 \quad (4)$$

I ekv. (4) är  $U_{skb1}$  och  $\Delta T_1$  okända.

$$\Delta T_1 = T_s - T_i = T_s - (T_{V1} - \beta_1) \quad (5)$$

 $T_{V1}$  erhålls ur ångtabell.

$$T_{V1} = 154.77^\circ\text{C} \quad (P=5.4 \text{ bar})$$

För att bestämma  $\beta_1$  måste vi känna  $x_1$ . I ekv (1)-(3) finns 5 okända. Dvs. passningsräkning tillgrips.

En första approximation kan vara att:

$$S = V_1 = 11 \quad \text{kg/s}$$

$$\text{Ekv (1): } L_1 = F - V_1 = 30 - 11 = 19 \quad \text{kg/s}$$

$$\text{Ekv (2): } x_1 = x_F (F / L_1) = 0.1(30 / 19) = 0.157$$

Düringerdiagrammet ger  $\beta_1 = 6^\circ\text{C}$  vilket leder till

$$T_i = T_{V1} + \beta_1 = 154.77 + 6 = 160.77^\circ\text{C}$$

Entalpidata för strömmarna kan nu bestämmas och gjorda antaganden kan kontrolleras.

$$\Delta H_{vap} = 2048 \text{ kJ/kg (D\&D)}$$

$$H_F = 385 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{L1} = 599 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{V1} = 2752.23 + 1.8 \cdot 6 = 2763 \text{ kJ/kg} \quad (H_{V1} = H_{V1, \text{mättad}} + \beta_1 \cdot c_p)$$

$$\text{Ekv3: } V_1 = \frac{F \cdot H_F + S \cdot \Delta H_{vap} - L_1 \cdot H_{L1}}{H_{V1}} = \frac{30 \cdot 385 + 11 \cdot 2048 - 19 \cdot 599}{2763} = 8.21 \quad \text{kg/s}$$

vilket är betydligt mindre än det antagna värdet

$$\text{Antag } V_1 = 8.21 \text{ kg/s}$$

$$\text{Ekv (1)} : L_1 = F - V_1 = 30 - 8.21 = 21.79 \quad \text{kg / s}$$

$$\text{Ekv (2)} : x_1 = x_F (F / L_1) = 0.1(30 / 21.79) = 0.138$$

Dürringendiagrammet ger  $\beta_1 = 5^\circ\text{C}$  vilket leder till

$$T_1 = T_{V1} + \beta_1 = 154.77 + 5 = 159.77^\circ\text{C}$$

Entalpidata för strömmarna kan nu bestämmas och gjorda antaganden kan kontrolleras.

$$H_{L1} = 600 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{V1} = 2752.23 + 1.8 \cdot 5 = 2761 \text{ kJ/kg} \quad (H_{V1} = H_{V1, \text{mättad}} + \beta_1 \cdot c_p)$$

$$\text{Ekv3} : V_1 = \frac{F \cdot H_F + S \cdot \Delta H_{\text{vap}} - L_1 \cdot H_{L1}}{H_{V1}} = \frac{30 \cdot 385 + 11 \cdot 2048 - 21.79 \cdot 600}{2761} = 7.61 \quad \text{kg / s}$$

vilket är mindre än det antagna värdet

$$\text{Antag } V_1 = 7.61 \text{ kg/s}$$

$$\text{Ekv (1)} : L_1 = F - V_1 = 30 - 7.61 = 22.39 \quad \text{kg / s}$$

$$\text{Ekv (2)} : x_1 = x_F (F / L_1) = 0.1(30 / 22.39) = 0.134$$

$\beta_1$  och därmed entalpidata kommer inte att ändras märkbart varför de kan anses var samma som i föregående beräkning:  $\beta_1 = 5^\circ\text{C}$ ,  $H_{L1} = 600 \text{ kJ/kg}$  och  $H_{V1} = 2761 \text{ kJ/kg}$

$$\text{Ekv3} : V_1 = \frac{F \cdot H_F + S \cdot \Delta H_{\text{vap}} - L_1 \cdot H_{L1}}{H_{V1}} = \frac{30 \cdot 385 + 11 \cdot 2048 - 22.36 \cdot 600}{2761} = 7.48 \quad \text{kg / s}$$

vilket är något mindre än det antagna värdet

Om ytterligare en iteration görs fås att:

$$L_1 = 22.52$$

$$x_1 = 0.133$$

$$V_1 = 7.45$$

vilket får anses vara OK.

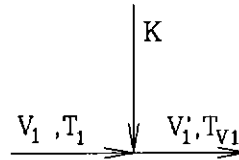
Det skenbara värmegenomgångstalet för effekt 1 kan nu beräknas:

$$\Delta T_1 = T_s - (T_{V1} + \beta_1) = 170.4 - (154.77 + 5) = 10.6^\circ\text{C}$$

$$\text{ekv (4)} : U_{\text{skbl}} = \frac{S \cdot \Delta H_{\text{vap}}}{A_1 \cdot \Delta T_1} = \frac{11 \cdot 2048}{1500 \cdot 10.6} \approx 1.4 \quad \text{kW / m}^2, ^\circ\text{C}$$

**Effekt 2**

Ångan från effekt 1 är överhettad 6°C. temperaturen sänks genom att tillsätta mättat kondensat från effekt 2 (se nedanstående fig), vilket innebär att ångmängden ändras:



$$\text{Mb: } V'_1 = V_1 + K$$

$$\text{Vb: } V'_1 \cdot H'_{v1} = V_1 \cdot H_{v1} + K \cdot H_K$$

Om kondensmängden (K) elimineras erhålls:

$$V'_{v1} = V_{v1} \frac{H_{v1} - H_K}{H'_{v1} - H_K}$$

Ångtabeller ger:

$$H_K = 652.8 \text{ kJ/kg}$$

$$H'_{v1} = 2752.2$$

$$H_{v1} = 2752.2 + 5 \cdot 1.8 = 2763 \text{ kJ/kg}$$

vilket ger:

$$V'_1 = 7.45 \frac{2763 - 652.8}{2752.2 - 652.8} = 7.49 \text{ kg/s}$$

Betingelserna för effekt 2 kan nu beräknas på samma sätt som för effekt 1.

$$\text{Mb: } L_1 = L_2 + V_2 \quad (6)$$

$$\text{Kb: } L_1 \cdot x_1 = L_2 \cdot x_2 \quad (7)$$

$$\text{Vb: } L_1 \cdot H_{L1} + V'_1 \cdot \Delta H_{vapv1} = L_2 \cdot H_{L2} + V_2 \cdot H_{V2} \quad (8)$$

$$\text{K: } \dot{Q}_2 = V'_1 \cdot \Delta H_{vapv1} = U_{skb2} \cdot A_2 \cdot \Delta T_2 \quad (9)$$

I ekv. (9) är  $U_{skb2}$  och  $\Delta T_2$  okända.

$$\Delta T_2 = T_{v1} - T_2 = T_{v1} - (T_{v2} - \beta_2) \quad (5)$$

$T_{v1}$  erhålls ur ångtabell.

$$T_{v2} = 118.6^\circ\text{C} \quad (P=1.9 \text{ bar})$$

För att bestämma  $\beta_2$  måste vi känna  $x_2$ . I ekv (6)-(8) finns 5 okända. Dvs. passningsräkning tillgrips.

En första approximation kan vara att:

$$V'_1 = V_2 = 7.49 \quad \text{kg / s}$$

$$\text{Ekv (6)} : L_2 = L_1 - V_2 = 22.55 - 7.49 = 15.05 \quad \text{kg / s}$$

$$\text{Ekv (7)} : x_2 = x_1 (L_1 / L_2) = 0.133 \cdot (22.55 / 15.06) = 0.199$$

Düringerdiagrammet ger  $\beta_2 = 10^\circ\text{C}$  vilket leder till

$$T_2 = T_{V_2} + \beta_2 = 118.6 + 10 = 128.6^\circ\text{C}$$

Entalpidata för strömmarna kan nu bestämmas och gjorda antaganden kan kontrolleras.

$$\Delta H_{\text{vap}V_1} = 2099.4 \text{ kJ/kg (D\&D)}$$

$$H_{L_2} = 470 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{V_2} = 2704.3 + 1.8 \cdot 10 = 2722.3 \text{ kJ/kg} \quad (H_{V_2} = H_{V_2, \text{mättad}} + \beta_2 \cdot c_p)$$

Ekv8 :

$$V_2 = \frac{L_1 \cdot H_{L_1} + V'_1 \cdot \Delta H_{\text{vap}V_1} - L_2 \cdot H_{L_2}}{H_{V_2}} = \frac{22.55 \cdot 599 + 7.49 \cdot 2099.4 - 15.06 \cdot 499}{2722.3} = 8.14 \quad \text{kg / s}$$

vilket inte är tillräckligt nära det antagna värdet

Antag  $V_2 = 8.14 \text{ kg/s}$

$$\text{Ekv (6)} : L_2 = L_1 - V_2 = 22.55 - 8.14 = 14.41 \quad \text{kg / s}$$

$$\text{Ekv (7)} : x_2 = x_1 (L_1 / L_2) = 0.133 \cdot (22.55 / 14.41) = 0.208$$

Düringerdiagrammet ger  $\beta_2 = 11^\circ\text{C}$  vilket leder till

$$T_2 = T_{V_2} + \beta_2 = 118.6 + 11 = 129.6^\circ\text{C}$$

Ny entalpidata krävs:

$$H_{L_2} = 475 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{V_2} = 2704.3 + 1.8 \cdot 11 = 2724.1 \text{ kJ/kg} \quad (H_{V_2} = H_{V_2, \text{mättad}} + \beta_2 \cdot c_p)$$

Ekv8 :

$$V_2 = \frac{L_1 \cdot H_{L_1} + V'_1 \cdot \Delta H_{\text{vap}V_1} - L_2 \cdot H_{L_2}}{H_{V_2}} = \frac{22.55 \cdot 599 + 7.49 \cdot 2099.4 - 14.41 \cdot 475}{2724.1} = 8.22 \quad \text{kg / s}$$

Om iterationen görs ett varv till erhålls följande data:

$$L_2 = 14.32 \text{ kg/s}$$

$$x_2 = 0.209$$

$$\beta_2 = 11^\circ\text{C}$$

$$V_2 = 8.23 \text{ kg/s}$$

Det skenbara värmegenomgångstalet för effekt 2 kan nu beräknas:

$$\Delta T_2 = T_{v1} - (T_{v2} + \beta_2) = 154.8 - (118.6 + 11) = 25.2^\circ\text{C}$$

$$\text{ekv (9)} : U_{skb2} = \frac{V'_1 \cdot \Delta H_{vapV1}}{A_2 \cdot \Delta T_2} = \frac{7.49 \cdot 2099.4}{1500 \cdot 25.2} \approx 0.42 \quad \text{kW} / \text{m}^2, ^\circ\text{C}$$

### EFFEKT 3

Ångan från effekt 2 är överhettad och mätas på samma sätt som ångan till effekt 2:

$$\text{Mb: } V'_2 = V_2 + K_2$$

$$\text{Vb: } V'_2 \cdot H'_{v2} = V_2 \cdot H_{v2} + K_2 \cdot H_{K2}$$

Om kondensmängden ( $K_2$ ) elimineras erhålls:

$$V'_{v2} = V_{v2} \frac{H_{v2} - H_{K2}}{H'_{v2} - H_{K2}}$$

Ångtabeller ger:

$$H_{K2} = 497.9 \text{ kJ/kg}$$

$$H'_{v2} = 2704.3$$

$$H_2 = 2704.3 + 11 \cdot 1.8 = 2724.1 \text{ kJ/kg}$$

vilket ger:

$$V'_2 = 8.23 \frac{2724.1 - 497.9}{2704.1 - 497.9} = 8.30 \quad \text{kg} / \text{s}$$

Förhållandena kring effekt 3 kan nu beräknas på samma sätt som för de två tidigare effekterna.

$$\text{Mb: } L_2 = L_3 + V_3 \quad (11)$$

$$\text{Kb: } L_2 \cdot x_2 = L_3 \cdot x_3 \quad (12)$$

$$\text{Vb: } L_2 \cdot H_{L2} + V'_2 \cdot \Delta H_{\text{vap}V2} = L_3 \cdot H_{L3} + V_3 \cdot H_{V3} \quad (13)$$

$$\text{K: } \dot{Q}_3 = V'_2 \cdot \Delta H_{\text{vap}V2} = U_{\text{skb}3} \cdot A_3 \cdot \Delta T_3 \quad (14)$$

I ekv. (14) är  $U_{\text{skb}2}$  och  $\Delta T_3$  okända.

$$\Delta T_3 = T_{V2} - T_3 = T_{V2} - (T_{V3} - \beta_3) \quad (15)$$

$T_{V2}$  erhålls ur ångtabell.

$$T_{V3} = 65^\circ\text{C} \quad (P = 0.25 \text{ bar})$$

För att bestämma  $\beta_3$  måste vi känna  $x_3$ . I ekv (11)-(13) finns 5 okända. Dvs. passningsräkning tillgrips.

En första approximation kan vara att:

$$V'_2 = V_3 = 8.30 \quad \text{kg/s}$$

$$\text{Ekv (11): } L_3 = L_2 - V_3 = 14.32 - 8.30 = 6.02 \quad \text{kg/s}$$

$$\text{Ekv (12): } x_3 = x_2 (L_2 / L_3) = 0.21 \cdot (14.32 / 6.02) = 0.500$$

Düringendiagrammet ger  $\beta_2 = 42^\circ\text{C}$  vilket leder till

$$T_3 = T_{V3} + \beta_3 = 65 + 42 = 107^\circ\text{C}$$

Entalpidata för strömmarna kan nu bestämmas och gjorda antaganden kan kontrolleras.

$$\Delta H_{\text{vap}V2} = 2206.4 \text{ kJ/kg} \quad (\text{D\&D})$$

$$H_{L3} = 570 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{V2} = 2617.4 + 1.8 \cdot 42 = 2693.3 \text{ kJ/kg} \quad (H_{V2} = H_{V2, \text{mättad}} + \beta_2 \cdot c_p)$$

Ekv13:

$$V_3 = \frac{L_2 \cdot H_{L2} + V'_2 \cdot \Delta H_{\text{vap}V2} - L_3 \cdot H_{L3}}{H_{V3}} = \frac{14.32 \cdot 475 + 8.30 \cdot 2206.4 - 6.02 \cdot 570}{2693.3} = 8.05 \quad \text{kg/s}$$

vilket inte är tillräckligt nära det antagna värdet

$$\text{Antag } V_3 = 8.05 \text{ kg/s}$$

$$\text{Ekv (11): } L_3 = L_2 - V_3 = 14.32 - 8.05 = 6.27 \quad \text{kg/s}$$

$$\text{Ekv (12): } x_3 = x_2 (L_2 / L_3) = 0.21 \cdot (14.32 / 6.27) = 0.48$$

Dürringendiagrammet ger  $\beta_2=40^\circ\text{C}$  vilket leder till

$$T_3 = T_{V3} + \beta_3 = 65 + 40 = 105^\circ\text{C}$$

Entalpidata för strömmarna kan nu bestämmas och gjorda antaganden kan kontrolleras.

$$H_{L3}=560 \text{ kJ/kg}$$

$$H_{V2}=2617.4 + 1.8 \cdot 40 = 2689.7 \text{ kJ/kg} \quad (H_{V2} = H_{V2,mättad} + \beta_2 \cdot c_p)$$

Ekv13 :

$$V_3 = \frac{L_2 \cdot H_{L2} + V'_2 \cdot \Delta H_{vapV2} - L_3 \cdot H_{L3}}{H_{V3}} = \frac{14.32 \cdot 475 + 8.30 \cdot 2206.4 - 6.27 \cdot 560}{2689.7} = 8.03 \quad \text{kg / s}$$

vilket är ok!

Det skenbara värmegenomgångstalet för effekt 2 kan nu beräknas:

$$\Delta T_3 = T_{V2} - (T_{V3} + \beta_3) = 118.6 - (65 + 40) = 13.6^\circ\text{C}$$

$$\text{ekv (15) : } U_{skb3} = \frac{V'_2 \cdot \Delta H_{vapV2}}{A_3 \cdot \Delta T_3} = \frac{8.03 \cdot 2206.4}{1500 \cdot 13.6} \approx 0.87 \quad \text{kW / m}^2, ^\circ\text{C}$$

DVS!

$$U_{skb1}=1.4 \text{ kW/m}^2, ^\circ\text{C}$$

$$U_{skb2}=0.42 \text{ kW/m}^2, ^\circ\text{C}$$

$$U_{skb3}=0.87 \text{ kW/m}^2, ^\circ\text{C}$$

Effekt 2 har mistänkt lågt värmegenomgångstal. Antagligen inkruster.

12) Känt:  $V_{\text{susp}} = 20 \text{ m}^3$        $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$        $Th_{\text{FK}} = 0.5$   
 $J = 0.01$        $\rho_s = 2700 \text{ kg/m}^3$

a) Sökt: Filtrerkakans vikt, samt filtrerkakans volym

$$\rho_{\text{susp}} = \frac{1 \text{ (antag ett kilo material)}}{\frac{(1-J) \rho}{\rho} + \frac{J \cdot \rho}{\rho_s}} = 1006.34 \text{ kg/m}^3$$

$$m_{\text{susp}} = V_{\text{susp}} \cdot \rho_{\text{susp}} = 20126.8 \text{ kg}$$

$$m_{\text{FKS}} = m_{\text{susp}} \cdot J$$

$$m_{\text{FK}} = \frac{m_{\text{FKS}}}{Th_{\text{FK}}} = \frac{m_{\text{susp}} \cdot J}{Th_{\text{FK}}} = 402.5 \text{ kg}$$

$$V_{\text{FK}} = \frac{m_{\text{FKS}}}{\rho_s} + \frac{m_{\text{FK}} - m_{\text{FKS}}}{\rho} = 0.276 \text{ m}^3$$

b) Sökt: erövren filtratvolym

$$V = V_{\text{susp}} - V_{\text{FK}} = 19.724 \text{ m}^3$$

c) Sökt:  $\epsilon_{\text{av}}$

$$Th_{\text{FK}} = \frac{\text{vikt fast material}}{\text{vikt fast material} + \text{vikten av vätskan}} = \frac{V_{\text{FK}} (1 - \epsilon_{\text{av}}) \cdot \rho_s}{V_{\text{FK}} (1 - \epsilon_{\text{av}}) \rho_s + V_{\text{FK}} \cdot \epsilon_{\text{av}} \cdot \rho} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \epsilon_{\text{av}} = 0.73$$

d) Sökt: C

$$C = \frac{m_{\text{FK}}}{V} = \frac{J \cdot \rho}{(1-J) - \frac{\epsilon_{\text{av}}}{1 - \epsilon_{\text{av}}} \cdot J \cdot \frac{\rho}{\rho_s}} = 10.2$$

e) Sökt: Antalet ramar

$$A_{\text{tv}} = 0.5 \text{ m}^2 ; l_d = 0.025 \text{ m} \quad V_{\text{ram}} = A_{\text{tv}} \cdot l_d = 0.0125 \text{ m}^3$$

$$\text{från a)} \quad V_{\text{FK}} = 0.276$$

$$\text{Antalet ramar} = \frac{V_{\text{FK}}}{V_{\text{ram}}} = 22 \text{ st}$$



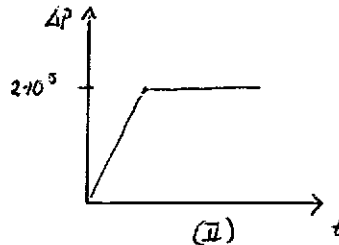
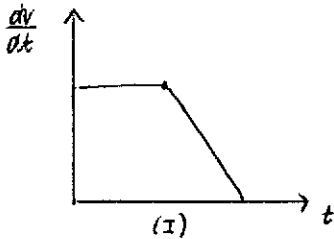
A3) Sjekt:  $t_2$

$V_2 = 14.724 \text{ m}^3$   
 $C = 10.2 \text{ kg/m}^3$   
 $\alpha_{\text{ov}} = 2.5 \cdot 10^{10} \text{ m/kg}$

$R_m = 5 \cdot 10^9 \text{ l/m}^2$   
 $\mu = 1 \cdot 10^{-3} \text{ Pa s}$   
 $A = 22(2 \cdot 0.5) = 22 \text{ m}^2 \text{ flukryta}$

(I)  $\frac{dV}{dt} = 0.075 \text{ m}^3/\text{s}$  tills  $\Delta P = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$

(II)  $\Delta P = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$



konstant flöde:  $\frac{dV}{dt} = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{V_1 - 0}{t_1 - 0} = \frac{A^2 \cdot \Delta P}{\mu(C \cdot \alpha_{\text{ov}} \cdot V_1 + A \cdot R_m)}$  (1)

konstant tryck:  $\frac{dV}{dt} = \frac{A^2 \Delta P}{\mu(C \cdot \alpha_{\text{ov}} \cdot V + A \cdot R_m)}$  (2)

Integreras:  $V_1 \rightarrow V_2$ ;  $t_1 \rightarrow t_2$

$$\frac{C \cdot \alpha_{\text{ov}}}{2} (V_2^2 - V_1^2) + A \cdot R_m (V_2 - V_1) = \frac{A^2 \Delta P}{\mu} (t_2 - t_1)$$

(1)  $\Rightarrow V_1 = \frac{1}{C \cdot \alpha_{\text{ov}}} \cdot \left( \frac{A^2 \Delta P}{\mu \frac{dV}{dt}} - A \cdot R_m \right) = 4.63 \text{ m}^3$

(1)  $\Rightarrow \frac{dV}{dt} = \frac{V_1}{t_1} \Rightarrow t_1 = \frac{V_1}{\frac{dV}{dt}} = 61.7 \text{ sekunder}$

(2)  $\Rightarrow t_2 = t_1 + \frac{\mu}{A^2 \Delta P} \left( \frac{C \cdot \alpha_{\text{ov}}}{2} (V_2^2 - V_1^2) + A \cdot R_m (V_2 - V_1) \right) = 563.5 = 9 \text{ min } 23 \text{ sek}$

A4) Sjekt:  $t_{TV}$  Känt: se uppgift A2, A3

tvåvärtshöförhållande  $\omega = 3$

$\omega = \frac{V_{TV}}{V_{FKL}} = \frac{V_{TV}}{V_{FK} \cdot \epsilon} \Rightarrow V_{TOT} = \omega \cdot V_{FK} = 0.6 \text{ m}^3$

$\frac{dV}{dt} = \frac{V_{TV}}{t_{TV}} = \frac{A_{TV}^2 \cdot \Delta P}{\mu(C \cdot \alpha_{\text{ov}} \cdot V_2 + 2 \cdot A_{TV} \cdot R_m)}$  ;  $A_{TV} = \frac{A}{2}$

$\frac{dV}{dt} = \frac{(A/2)^2 \Delta P}{\mu(C \cdot \alpha_{\text{ov}} \cdot V_2 + 2 \cdot A/2 \cdot R_m)} = 4.76 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$

$t_{TV} = \frac{V_{TV}}{\frac{dV}{dt}} = 126.5 = 2 \text{ min}$

A5) Sjekt A  $\dot{V}_{susp} = 144 \text{ m}^3/\text{h} = 0.040 \text{ m}^3/\text{s}$   $\gamma = 1000 \text{ kg/m}^3$   
 $J = 0.08$   $\gamma_s = 2500 \text{ kg/m}^3$   
 $\alpha_{au} = 3 \cdot 10^9 \text{ m/kg}$   $\mu = 1 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$   
 $N = 1.5 \text{ rpm}$

$$\frac{A_{eff}}{A} = 0.35 ; t = 0.35 \cdot \frac{1}{N} ; R_m = 0$$

$$\frac{dV}{dt} = \frac{A_{eff}^2 \cdot \Delta P}{\mu \cdot c \cdot \alpha_{au} \cdot V} \quad (1)$$

integrera mellan  $0 \rightarrow V ; 0 \rightarrow t \Rightarrow \frac{V^3}{3} = \frac{A_{eff}^2 \cdot \Delta P \cdot t}{\mu \cdot c \cdot \alpha_{au}} \Rightarrow$

$$\left(\frac{V}{t}\right)^2 = \frac{2 \cdot A_{eff}^2 \cdot \Delta P}{\mu \cdot c \cdot \alpha_{au}} \cdot \frac{1}{t} = \frac{2 \cdot A_{eff}^2 \cdot \Delta P}{\mu \cdot c \cdot \alpha_{au}} \cdot \frac{N}{0.35}$$

$$\gamma_{susp} = \frac{1}{\frac{J}{\gamma_s} + \frac{1(1-J)}{\gamma}} = 1050.42 \text{ kg/m}^3$$

$$\dot{m}_{susp} = \dot{V}_{susp} \cdot \gamma_{susp} = 42 \text{ kg/s} ; \dot{m}_s = \dot{m}_{susp} \cdot J = 3.36 \text{ kg/s}$$

$$\dot{V}_{FK} = \frac{\dot{m}_s}{\gamma_s(1-\epsilon)} = 4.2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$$

$$\frac{V}{t} = \dot{V} = \dot{V}_{susp} - \dot{V}_{FK} = 0.035 \text{ m}^3/\text{s} ; c = \frac{\gamma \cdot J}{(1-J) - \frac{\epsilon}{1-\epsilon} \cdot J \cdot \frac{\gamma}{\gamma_s}} = 939 \text{ kg/m}^3$$

$$A_{eff} = \left[ \left(\frac{V}{t}\right)^2 \frac{\mu \cdot c \cdot \alpha \cdot 0.35}{2 \cdot \Delta P \cdot N} \right]^{1/2} = 7.11 \text{ m}^2$$

$$A = \frac{A_{eff}}{0.35} = 20.3 \text{ m}^2$$

A6) Sjekt t

$\Delta P = 10^4 \cdot V^{1.5}$   $\frac{u_{\text{eff}}}{c_{\text{orr}}} = 1.7$   
 Antal kammare (iam) = 10  $\gamma_s = 2500 \text{ kg/m}^3$   
 $A_{kammare} = 1 \text{ m}^2$   $\gamma = 1000 \text{ kg/m}^3$   
 $l_d = 0.05 \text{ m}$   $\mu = 1 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$   
 $J = 0.015$   $\alpha = 1.2 \cdot 10^{10} \text{ m/lug}$   
 $R_m = 0$

$$\frac{u_{\text{eff}}}{c_{\text{orr}}} = \frac{m_{FKS} + m_{FKL}}{m_{FKS}} = 1 + \frac{m_{FKL}}{m_{FKS}} = 1 + \frac{V_{FK} \cdot \epsilon \cdot \gamma}{V_{FK} (1-\epsilon) \gamma_s} \Rightarrow \epsilon = \frac{\left(\frac{u_{\text{eff}}}{c_{\text{orr}}} - 1\right) \frac{\gamma_s}{\gamma}}{1 + \left(\frac{u_{\text{eff}}}{c_{\text{orr}}} - 1\right) \frac{\gamma_s}{\gamma}} = 0.636$$

$$c = \frac{m_{FKS}}{V} = \frac{J \cdot \gamma}{(1-J) - \frac{\epsilon}{1-\epsilon} \cdot J \cdot \frac{\gamma}{\gamma_s}} = 15.39$$

$$V_{FK} = 10 \cdot A_{FK} \cdot l_d = 10 \left( \frac{A_{kammare}}{2} \right) \cdot l_d = 0.25 \text{ m}^3$$

$$m_{FKS} = V_{FKS} (1 - \epsilon) \rho_s = 227.5 \text{ kg} \quad ; \quad V = \frac{m_{FKS}}{\rho} = 14.8 \text{ m}^3$$

$$\frac{dV}{dt} = \frac{A^2 \Delta P}{\mu \cdot c \cdot d \cdot V} \Rightarrow \frac{A^2 \cdot 10^4 \cdot V^{0.5}}{\mu \cdot c \cdot d} \Rightarrow \text{integrera mellan; } \begin{matrix} 0 \rightarrow V \\ 0 \rightarrow t \end{matrix}$$

$$\int_0^V \frac{dV}{V^{0.5}} = \frac{A^2 \cdot 10^4}{\mu \cdot c \cdot d} \int_0^t dt \Rightarrow t = \frac{\mu \cdot c \cdot d}{A^2 \cdot 10^4} \cdot \frac{V^{0.5}}{0.5} = 1421 \text{ s} = 24 \text{ min}$$

A7) Sikt:  $\alpha$  
$$c = \frac{\rho \cdot J}{(1-J) - \frac{\epsilon}{1-\epsilon} \cdot \rho \cdot \frac{J}{\rho_s}} = 55.11$$

a) Integrera förhållingsekv.  $0 \rightarrow V, 0 \rightarrow t$

$$\int_0^V (c \cdot \alpha_{\text{dav}} \cdot V + A \cdot R_m) dV = \frac{A^2 \cdot \Delta P}{\mu} \int_0^t dt \Rightarrow \frac{t}{V} = \frac{\mu}{A^2 \Delta P} \left[ \frac{c \cdot \alpha_{\text{dav}}}{2} V + A \cdot R_m \right] \quad (\text{röt linje})$$

$$\text{lutningen} = \frac{\mu \cdot c \cdot \alpha_{\text{dav}}}{A^2 \cdot \Delta P \cdot 2} \Rightarrow \alpha_{\text{dav}} = \frac{\text{lutn.} \cdot A^2 \cdot \Delta P \cdot 2}{\mu \cdot c} = 1 \cdot 10^9 \text{ m/kg}$$

b) Använd den deriverade formen:

$$\frac{dt}{dV} = \frac{\mu}{A^2 \Delta P} (c \cdot \alpha_{\text{dav}} \cdot V + A R_m)$$

$$\text{lutn} = \frac{\mu \cdot c \cdot \alpha_{\text{dav}}}{A^2 \cdot \Delta P} \Rightarrow \alpha_{\text{dav}} = 0.97 \cdot 10^9 \text{ m/kg} \approx 1 \cdot 10^9 \text{ m/kg}$$

c) Integration:  $V_i \rightarrow V, t_i \rightarrow t$

$$V_i = 2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$$

$$t_i = 5.35$$

$$\frac{t-t_i}{V-V_i} = \frac{\mu}{A^2 \Delta P} \left( \frac{c \cdot \alpha_{\text{dav}}}{2} (V-V_i) + \underbrace{c \cdot \alpha_{\text{dav}} \cdot V_i + A \cdot R_m}_{\text{konstant}} \right)$$

$$\text{lutn} = \frac{\mu \cdot c \cdot \alpha_{\text{dav}}}{A^2 \Delta P \cdot 2} \Rightarrow \alpha_{\text{dav}} = 0.99 \cdot 10^9 \approx 1 \cdot 10^9 \text{ m/kg}$$

A1) Sökt:  $D_p$ 

känt:  $v = 0.001 \text{ m/s}$   
 $\rho_s = 1900 \text{ kg/m}^3$   
 $\rho = 1200 \text{ ug/m}^3$   
 $\mu = 5 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$   
 sfäriska partiklar

$$v = \left( \frac{4 \cdot D_p (\rho_s - \rho) \cdot g}{3 \cdot \rho \cdot C_D} \right)^{0.5} \quad (1)$$

Antag laminära flöden:  $C_D = \frac{24}{Re} = \frac{24}{D_p \cdot v \cdot \rho / \mu}$

$$v = \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) g}{18 \mu} \quad Re < 0.4$$

$$\underline{D_p} = \left( \frac{v \cdot 18 \mu}{(\rho_s - \rho) g} \right)^{0.5} = \underline{5.1 \cdot 10^{-5} \text{ m}}$$

Kontroll av Re:

$$Re = \frac{D_p \cdot v \cdot \rho}{\mu} = 0.06 < 0.4 \quad \text{OK!}$$

A2) Sökt: A

känt:  $F = 10000 \text{ m}^3/\text{h} = 2.78 \text{ m}^3/\text{s}$   
 $D_p = 0.5 \cdot 10^{-3} \text{ m}$   
 $\rho_s = 2700 \text{ ug/m}^3$   
 $\rho = 1000 \text{ ug/m}^3$   
 $\mu = 1 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$   
 sfäriska partiklar!

$$A \geq \frac{F}{v} \quad v = \left( \frac{4 D_p (\rho_s - \rho) \cdot g}{3 \rho C_D} \right)^{0.5}$$

Antag laminära förhållanden:  
 Stokes elv:

$$v = \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) g}{18 \mu} = 0.23 \text{ m/s}$$

Kontroll av Re:  $Re = \frac{D_p \cdot v \cdot \rho}{\mu} = 175 \gg 0.4 \quad \text{Fel!}$

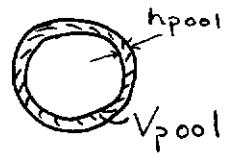
Antag turbulent:

$$C_D = 0.44 \quad v = \left( \frac{4 D_p (\rho_s - \rho) g}{3 \rho C_D} \right)^{0.15} \text{ m/s} = 0.15 \text{ m/s}$$

A7)

$$v = \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) a}{18 \mu} \quad a = \omega^2 \cdot R_c = (2\pi N)^2 \cdot R_c \quad \Rightarrow \quad v = \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) (2\pi N)^2 \cdot R_c}{18 \mu} \quad \Rightarrow \quad A \geq \frac{F}{v}$$

$$\Rightarrow F \leq \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) (2\pi N)^2}{18 \mu} R_c \cdot A$$



$$A = \frac{V_{pool}}{h_{pool}}$$

$$\Rightarrow F \leq \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) (2\pi N)^2}{18 \mu} R_c \underbrace{\frac{V_{pool}}{h_{pool}}}_{\text{specifikt för varje centrifug}}$$

Sökt: N då

känt:  $D_p = 0.5 \text{ resp. } 0.1 \mu\text{m}$   
 $F = 5 \text{ m}^3/\text{h}$   
 $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$   
 $\mu = 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$   
 $\rho_s = 2000 \text{ kg/m}^3$

$R_c, V_{pool}, h_{pool} \text{ ??}$

$$h_{pool} = h' - h''$$

$$V_{pool} = V_{cyl} - V_{kon}$$

$$V_{cyl} = L_c \pi ((R_c - h'')^2 - (R_c - h')^2)$$



$$V_{kon} = \frac{R_c - h''}{\tan \alpha} \pi (R_c - h'')^2 \frac{1}{3} - \frac{R_c - h'}{\tan \alpha} \pi (R_c - h')^2 \frac{1}{3} - \frac{h' - h''}{\tan \alpha} \pi (R_c - h')^2 = \frac{\pi}{3 \tan \alpha} ((R_c h'')^3 - (R_c + 2h' - 3h'')(R_c - h')^2)$$

$$R_c = \frac{V_{pool}}{h_{pool}} = R_c \cdot \frac{V_{cyl} + V_{kon}}{h' - h''}$$

$$F \leq \frac{D_p^2 (\rho_s - \rho) (2\pi N)^2}{18 \mu} \cdot R_c \cdot \frac{V_{cyl} + V_{kon}}{h' - h''}$$

$$N \geq \frac{1}{2\pi} \left( \frac{F \cdot 18 \cdot \mu (h' - h'')}{D_p^2 (\rho_s - \rho) R_c (V_{cyl} + V_{kon})} \right)^{1/2}$$

$V_{cyl} = 0.0405 \text{ m}^3$  ;  $V_{kon} = 0.000897 \text{ m}^3$

a) 98% skall avskiljas  
 $D_p = 0.5 \mu\text{m}$

b) 100% ska avskiljas  
 $D_p = 0.1 \mu\text{m}$

$N \geq 67 \text{ r/s} = 4000 \text{ varv/min}$

$N \geq 333 \text{ r/s} = 20000 \text{ varv/min}$

## Filtrering A1

Sökt: B och  $\Delta P$

Känt:	$D_p = 10^{-3} \text{ m}$	$L = 1 \text{ m}$
	$D_R = 0.08 \text{ m}$	$dV/dt = 0.004 \text{ m}^3/\text{s}$
	$\mu = 0.0005 \text{ Pas}$	$\rho = 950 \text{ kg/m}^3$

En jämförelse mellan Kozeny-Carmans ekvation och Darcys ekvation ger:

$$B = \frac{\epsilon^3}{K'' \cdot S^2 \cdot (1 - \epsilon)^2} \quad (1)$$

Specifika ytan för en sfär är:

$$S = \frac{\text{mantelytan}}{\text{Volym}} = \frac{6}{D_p} \quad (2)$$

Vilket i detta fall innebär:

$$S = \frac{6}{10^{-3}} = 6000 \text{ m}^2 / \text{m}^3$$

Porositeten ( $\epsilon$ ) för bäddar bestående av sfäriska partiklar finns tabellerad (se kursen i transportprocesser). Bäddar bestående av partiklar med en diameter motsvarande 1 mm har en porositet motsvarande  $0.4 \text{ m}^3/\text{m}^3$ . Vidare, för sfäriska partiklar är Kozenys konstant ( $K''$ ) ungefär lika med 4.8. Permeabiliteten kan nu beräknas med ekvation (1):

$$B = \frac{0.4^3}{4.8 \cdot 6000^2 \cdot (1 - 0.4)^2} \approx 1 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2$$

För att beräkna tryckfallet används Darcys ekvation:

$$v = \frac{1}{A} \cdot \frac{dV}{dt} = B \cdot \frac{\Delta P}{\mu \cdot L} \quad \Rightarrow$$

$$\Delta P = \frac{1}{A} \cdot \frac{dV}{dt} \cdot \frac{1}{B} \cdot \mu \cdot L = \frac{1}{\pi \cdot 0.08^2} \cdot 4 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{1}{1 \cdot 10^{-9}} \cdot 0.0005 \cdot 1 \approx 0.4 \text{ MPa}$$

$$\text{Koll av Re: } Re = 75 < 500$$

$$0.4 < Re < 500 \Rightarrow C_D = \frac{10}{Re^{0.5}}$$

$$v = \left( \frac{4 D_p^{3/2} (\rho_s - \rho) g}{30 \rho^{1/2} \mu^{1/2}} \right)^{2/3} = 0.085 \text{ m/s}$$

Koll av Re:

~~Re = 43~~  $Re = 43 \quad \text{OK}$

$$\underline{A} \geq \frac{F}{v} = \frac{2.78}{0.085} = 32.7 \text{ m}^2 \approx \underline{\underline{33 \text{ m}^2}}$$

A3) Sökt:  $w$ - $c$  kurva

känt: höjd-tid kurva  
 $c_0 = 100 \text{ ug/m}^3$   
 $h_0 = 0.27 \text{ m}$

$$v_j = \frac{(h_i)_j - h_j}{t_j} \quad ; \quad c_j = \frac{c_0 h_0}{(h_i)_j}$$

Se grafer o tabeller bifogade till uppgiften  
 i kursmaterialet!

A4) Sökt:  $L, V$

"  
 känt:  $F = 180 \text{ m}^3/\text{h}$   
 $c_0 = 75 \text{ kg/m}^3$   
 $c_{ut} = 350 \text{ kg/m}^3$   
 $c_t = 0$

$$\left. \begin{array}{l} F = L + V \\ F \cdot c_0 = L \cdot c_{ut} + V \cdot c_t = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$\underline{V} = F \left( 1 - \frac{c_0}{c_{ut}} \right) = \underline{\underline{141 \text{ m}^3/\text{h}}}$$

$$\underline{L} = F - V = \underline{\underline{39 \text{ m}^3/\text{h}}}$$

A5) Sökt: A

$$c \cdot v = -\frac{L}{A} \cdot c + \frac{L}{A} c_{ut} = \frac{L}{A} (c_{ut} - c)$$

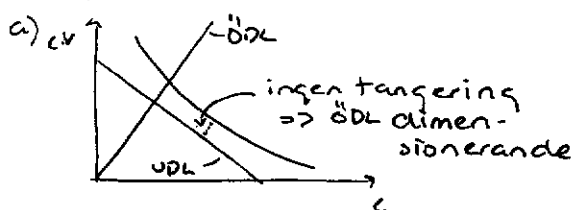
om  $c = 0$ 

$$c \cdot v = \frac{L}{A} c_{ut} = 0,328 \text{ kg/m}^3, \text{min}$$

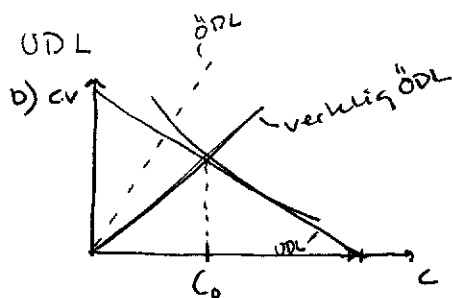
$$\overset{F \cdot c_0 \rightarrow}{A} = \frac{L \cdot c_{ut}}{0,328} = \frac{39/60 \cdot 350}{0,328} = \underline{\underline{694 \text{ m}^2}}$$

om  $c_t = 0 \Rightarrow L \cdot c_{ut} = F \cdot c_0$ A6) Sökt: A  $D_{pmax} = 4,5 \text{ mm}$ 

käut:  $c_v - c$  kurva  
materialbalanser  
 $D_{pmax} = 4,5 \text{ mm}$   
 $\rho_s = 2400 \text{ kg/m}^3$   
 $\rho = 985 \text{ kg/m}^3$   
 $\mu = 0,5 \text{ mPa}\cdot\text{s}$

1) Läggin  $\ddot{O}DL$ 

2) Läggin UDL

UDL:

$$c \cdot v = -\frac{L}{A} c + \frac{L}{A} c_{ut}$$

ÖDL:

$$c \cdot v = \frac{V}{A} \cdot c - \frac{V}{A} c_t$$

$$\frac{V}{A} = v(D_{pmax})$$

$$v = \left( \frac{4 D_p (\rho_s - \rho) g}{3 \rho \cdot c_0} \right)^{1/2}$$

laminära förhållanden antas  $\Rightarrow$  Stokes elw.

$$v = \left( \frac{4 D_p (\rho_s - \rho) g}{3 \rho c_0} \right)^{1/2} = 3,12 \cdot 10^{-5} \text{ m/s}$$

$$\text{Koll av Re: } Re = \frac{D_p \cdot v \cdot \rho}{\mu} = 3 \cdot 10^{-4} \ll 0,4 \text{ OK!}$$

$$\frac{V}{A} = v(D_{pmax}) = 3,12 \cdot 10^{-5} \text{ m/s} = 1,87 \cdot 10^{-3} \text{ m/min}$$

$$c_t = 0 \Rightarrow \text{när } c = 0 \quad c \cdot v = 0$$

$$c \cdot v = 0,182 \text{ kg/m}^3, \text{min}$$

$$0,182 = \frac{L \cdot c_{ut}}{A} \Rightarrow$$

$$\underline{\underline{A = 1250 \text{ m}^2}}$$



Demonstrationsräkneövning 7

951273

Systemet luft-vatten

A1, A3 och A4 är tillämpningar på Mollierdiagram  
Jfr exempel i kursboken

$$A2) \quad a. \quad H = c_{pg} \cdot t + (r_0 \cdot x + c_{pd} \cdot x \cdot t) = \\ = 1 \cdot 25 = \underline{25 \text{ kJ/kg torr luft}}$$

$$b. \quad P_{H_2O} = y_{H_2O} \cdot P = \frac{\frac{x}{18}}{\frac{x}{18} + \frac{1}{25}} \cdot P = \underline{35 \text{ mmHg}}$$

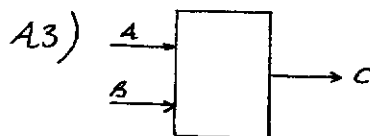
Räknar på 1 kg torr luft i luftblandningen

$$c. \quad S_t = \frac{P_g M_g}{RT} = \frac{(P - P_{H_2O}) M_g}{RT} \quad P_g = \text{partieltryck av luft}$$

$$P_{H_2O} = P_{H_2O}^0 = 7.375 \text{ kPa} \quad (\text{mättal, } 40^\circ\text{C})$$

$$\underline{S_t = 1.047 \text{ kg torr luft/m}^3}$$

$$S = \frac{P_{H_2O} M_{H_2O} + P_g M_g}{RT} = \frac{P M_g - P_{H_2O} M_g + P_{H_2O} M_{H_2O}}{RT} = \\ = \frac{M_g [P + P_{H_2O} (\frac{M_{H_2O}}{M_g} - 1)]}{RT} = \underline{1.098 \text{ kg fuktig luft/m}^3}$$



Markera punkterna i Mollier-diagram och använd hävstångsregeln.  
OBS! "lika mängder"

b) Stammar i övermättade området  $\Rightarrow$  vatten kommer att kondensera ur luftblandningen.  
Följ vattentemperaturlinje till mättnadskurvan och avläs temperaturen ( $\phi = 1.0$  vid mättnad).

- A4) Ur diagram: a.  $t_7 = 30.5^\circ\text{C}$   
 b.  $t_2 = (t_v =) 12.5^\circ\text{C}$



$$c. L_7 = \dot{M}_g \Delta x = \dot{M}_g (x_3 - x_1) =$$

$$= 0.12 (0.0058 - 0.0076) = \underline{5 \cdot 10^{-4} \text{ kg/s}}$$

dar  $\dot{M}_g = 0.1 \cdot 1.20 = 0.12 \text{ kg torr luft/s}$

och  $\rho_t = 1.20 \text{ kg torr luft/m}^3$  ( $20^\circ\text{C}$ ,  $\phi = 0.40$ )

d.  $P = (H_2 - H_7) \dot{M}_g = (34 - (-6)) \cdot 0.12 = \underline{4.8 \text{ kW}}$

### Torkning

A1) a.  $\dot{M}_s (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) = \dot{M}_g (x_2 - x_1) = \dot{M}_D$  kg avdunstat/h

↑  
torrt

↑  
fuktigt

$$\dot{M} = (1 + \bar{x}_1) \dot{M}_s = 1000 \text{ kg/h}$$

$$\dot{M}_s = 500 \text{ kg/h} \quad \text{eftersom } \bar{x}_1 = 1.0$$

Da  $x_1 = 0.0149$ ,  $\bar{x}_2 = 0.05$ ,  $\dot{M}_g = 30000 \text{ kg/h}$

fås  $\underline{x_2 = 0.0307}$

b.  $\underline{t = 53^\circ\text{C}}$ ,  $\phi = 0.33$  ur diagram

c. Specifika luftförbrukningen

$$L = \frac{\dot{M}_g}{\dot{M}_D} = \frac{1}{\Delta x} = \underline{63.3} \text{ kg torr luft / kg avdunstat}$$

d. Specifikt värmebehov

$$q = \frac{\Delta H}{\Delta x} = (37 - 14) \cdot 4.18 \cdot 63.3 = \underline{4.5 \text{ MJ/kg avdunstat}}$$

↑                    ↑                    ↑  
 $\Delta T$                      $c_p$                      $(\Delta x)^{-1}$